

### إجابة تمارين على الوسط الحسابى

١- أ- × ب- ✓ ج- ✓ د- ✓

$$٢- س = \frac{٤٠}{٥} = \frac{\text{مجلس}}{\text{ن}} = ٨$$

$$٣- أ) س = \frac{٨٠}{٥} = \frac{\text{مجلس}}{\text{ن}} = ١٦$$

$$ب) س = \frac{٦٤٠٠}{٨٠} = \frac{\text{مجلس ك}}{\text{مجدك}} = ٨٠$$

$$ج) س = و + \frac{\text{مجدك}}{\text{مجدك}} = ٥٥ + \frac{١٦٠}{١٠٠} = ٥٥,٦$$

$$٥٥ = ١,٦ - ٥٣,٤$$

$$د) س = و + \frac{\text{مجدك}}{\text{مجدك}} \times ل$$

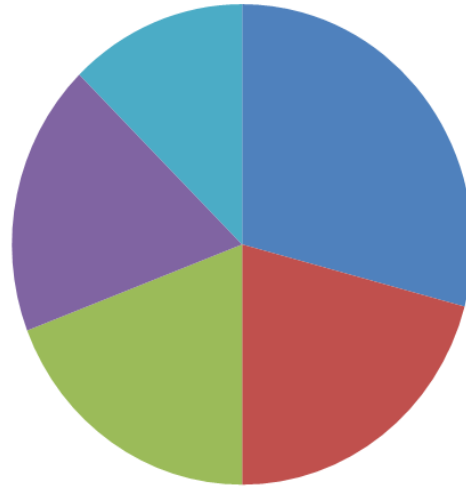
$$س = ٣٧ + \frac{٣٠}{٥٠} \times ١٠ = ٣٧ + ٦ = ٤٣$$

٤- أ- الطريقة المطولة:

ف	ك	س	س ك
٢٠	١٢	٢٥	٣٠٠
٣٠	١٨	٣٥	٦٣٠
٤٠	٤٠	٤٥	١٨٠٠
٥٠	٢٠	٥٥	١١٠٠
٦٠	٧	٦٥	٤٥٥
٧٠	٣	٧٥	٢٢٥
مجد	١٠٠		٤٥١٠

$$س = \frac{٤٥١٠}{١٠٠} = \frac{\text{مجلس ك}}{\text{مجدك}} = ٤٥,١٠$$

### ج) المضلع التكرارى



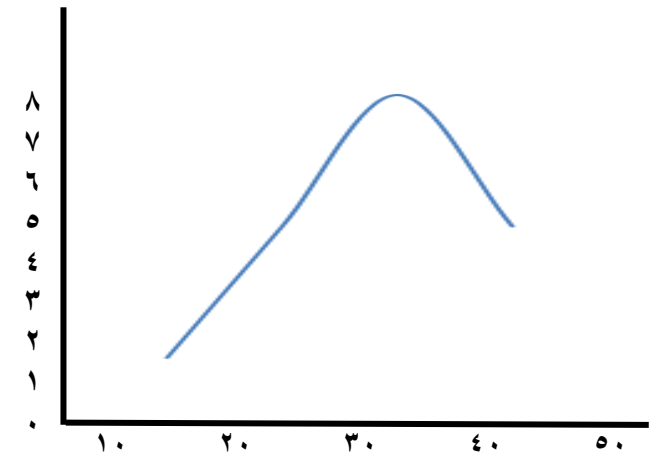
إيمان إسراء إبتهاال دعاء أسماء

### إجابة تمارين الباب الأول

٤- أ) جدول منتظم  
ب) جدول غير منتظم  
ج) جدول مفتوح من الطرفين  
٥- أ)

الفئة	العلامات	عدد الأسر (التكرار)
١٠ -	//	٢
٢٠ -	###	٥
٣٠ -	###	٨
٤٠ -	###	٥
المجموع		٢٠

ب- المنحنى التكرارى



إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - اعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

٥- أ- الطريقة المطولة:

س	ك	س ك
٢٥	٤	١٠٠
٣٥	١٦	٥٦٠
٤٥	٣٠	١٣٥٠
٥٥	١٥	٨٢٥
٦٥	٨	٥٢٠
٧٥	٧	٥٢٥
مج	٨٠	٣٨٨٠

$$\text{س} = \frac{\text{مجس ك}}{\text{مجك}} = \frac{٣٨٨٠}{٨٠} = ٤٨,٥$$

ب- طريقة الانحرافات العادية: و = ٤٥

س	ك	ح	ح ك
٢٥	٤	٢٠	٨٠
٣٥	١٦	١٠	١٦٠
٤٥	٣٠	صفر	صفر
٥٥	١٥	١٥	١٥٠
٦٥	٨	٢٠	١٦٠
٧٥	٧	٣٠	٢١٠
مج	٨٠	٢٨٠	

$$\text{س} = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} = \frac{٢٨٠}{٨٠} + ٤٥ = ٤٨,٥$$

$$٤٨,٥ = ٣,٥ + ٤٥ =$$

ج- طريقة الانحرافات المختصرة

$$\text{و} = ٤٥ \quad \text{ل} = ١٠$$

س	ك	ح	ح ك
٢٥	٤	٢٠	٨٠
٣٥	١٦	١٠	١٦٠
٤٥	٣٠	صفر	صفر
٥٥	١٥	١	١٥
٦٥	٨	٢	١٦
٧٥	٧	٣	٢١
مج	٨٠	٢٨	

ب- طريقة الانحرافات العادية

$$\text{و} = ٤٥$$

ف	ك	س	ح	ح ك
٢٠	١٢	٢٥	٢٠	٢٤٠
٣٠	١٨	٣٥	١٠	١٨٠
٤٠	٤٠	٤٥	صفر	صفر
٥٠	٢٠	٥٥	١٠	٢٠٠
٦٠	٧	٦٥	٢٠	١٤٠
٧٠	٣	٧٥	٣٠	٩٠
مج	١٠٠			١٠٠

$$\text{س} = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} = \frac{١٠٠}{١٠٠} + ٤٥ = ٤٥,١٠$$

$$٤٥,١٠ = ٠,١٠ + ٤٥ =$$

ج- طريقة الانحرافات المختصرة

$$\text{و} = ٤٥ \quad \text{ل} = ١٠$$

ف	ك	س	ح	ح ك
٢٠	١٢	٢٥	٢٠	٢٤
٣٠	١٨	٣٥	١٠	١٨
٤٠	٤٠	٤٥	صفر	صفر
٥٠	٢٠	٥٥	١	٢٠
٦٠	٧	٦٥	٢	١٤
٧٠	٣	٧٥	٣	٩
مج	١٠٠			١

$$\text{س} = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} = \frac{١}{١٠٠} + ٤٥ = ٤٥,١٠$$

$$٤٥,١٠ = ٠,١٠ + ٤٥ = ١٠ \times \frac{١}{١٠٠} + ٤٥ =$$

$$\text{س} = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} = \frac{٢٨}{٨٠} \times ١٠ + ٤٥ = ٤٨,٥$$

$$٤٨,٥ = ٣,٥ + ٤٥ = ١٠ \times \frac{٢٨}{٨٠} + ٤٥ =$$

٦- أ- الطريقة المطولة:

ف	ك	س	س ك
٢٠	٩	٢٢	١٩٨
٢٤	١١	٢٧	٢٩٧
٣٠	٣٠	٣٥	١٠٥٠
٤٠	٥٠	٤٥	٢٢٥٠
٥٠	٣٦	٥٥	١٩٨٠
٦٠	٢٤	٦٥	١٥٦٠
مج	١٦٠	٧٣٣٥	

$$\text{س} = \frac{\text{مجس ك}}{\text{مجك}} = \frac{٧٣٣٥}{١٦٠} = ٤٥,٨٤$$

ب- طريقة الانحرافات العادية

$$\text{و} = ٤٥$$

ف	ك	س	ح	ح ك
٢٠	٩	٢٢	٢٣	٢٠٧
٢٤	١١	٢٧	١٨	١٩٨
٣٠	٣٠	٣٥	١٠	٣٠٠
٤٠	٥٠	٤٥	صفر	صفر
٥٠	٣٦	٥٥	١٠	٣٦٠
٦٠	٢٤	٦٥	٢٠	٤٨٠
مج	١٦٠	١٣٥		

$$\text{س} = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} = \frac{١٣٥}{١٦٠} + ٤٥ = ٤٥,٨٤$$

$$٤٥,٨٤ = ٠,٨٤ + ٤٥ =$$

ج- طريقة الانحرافات المختصرة: لا تصلح

لعدم وجود عامل مشترك بين انحرافات مراكز الفئات عن الوسط الفرضى

### إجابة تمارين على الوسيط

١- ١- × -٢ ✓ -٣ ✓ -٤ × -٥ ×

٢- أ- ترتيب القيم تصاعدياً:

١٧ - ٢٤ - ٢٥ - ٣٨ - ٤٢

ولأن عدد القيم فردى

- ترتيب الوسيط =  $\frac{١ + ٥}{٢} = \frac{١ + ن}{٢} = ٣$

- الوسيط هو القيمة رقم ٣ = ٢٥

ب- ترتيب القيم تصاعدياً:

٢٢ - ٣٥ - ٣٦ - ٣٨ - ٥٢ - ٦٠

ولأن عدد القيم زوجى : هناك قيمتان متوسطتان

- ترتيب القيمة الوسطى الأولى =  $\frac{٣}{٢} = \frac{ن}{٢} = ٣$

- ترتيب القيمة الوسطى الثانية = ٤

- الوسيط = الوسط الحسابى للقيمتين

اللتين ترتيبهما ٣ ، ٤

$٣٧ = \frac{٣٨ + ٣٦}{٢} =$

٣- ترتيب الوسيط = مجدك ÷ ٢ = ١٢٠ ÷ ٢ = ٦٠

أ = ٦٠ ل = ٦٠ - ٧٠ = ١٠

ر = ٢ +  $\frac{١ ك - ٢ ك}{١ ك - ٢ ك} \times$

$١٠ \times \frac{٤٥ - ٦٠}{٤٥ - ٦٥} + ٦٠ =$

$٦٧,٥ = ١٠ \times \frac{١٥}{٢٠} + ٦٠ =$

٤- ترتيب الوسيط = مجدك ÷ ٢

$١٠٠ = ٢ \div ٢٠٠ =$

أ = ٥٠ ل = ٥٠ - ٦٥ = ١٥

ر = ٢ +  $\frac{١ ك - ت}{\text{تكرار الفئة الوسيطة}} \times$

$١٥ \times \frac{٨٠ - ١٠٠}{٤٠} + ٥٠ =$

$٥٧,٥ = ١٥ \times \frac{٢٠}{٤٠} + ٥٠ =$

٥- ترتيب الوسيط = مجدك ÷ ٢

$١٠٠ = ٢ \div ٢٠٠ =$

الوسيط = ٥٠

لأنه عندما يكون ترتيب الوسيط = تكرار متجمع صاعد

أو هابط فإن الوسيط = حد الفئة المقابلة

٦- أولاً: حسابياً

نكون جدول توزيع تكرارى

متجمع هابط		أو	متجمع صاعد	
ك متجمع هابط	الحدود الدنيا للفئات		ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
١٠٠	٢٠ فأكثر	٠	أقل من ٢٠	
٩٦	٢٥ فأكثر	٤	أقل من ٢٥	
٩٠	٣٠ فأكثر	١٠	أقل من ٣٠	
٧٠	٣٥ فأكثر	٣٠	أقل من ٣٥	
٤٥	٤٠ فأكثر	٥٥	أقل من ٤٠	
٢٧	٤٥ فأكثر	٧٣	أقل من ٤٥	
١٢	٥٠ فأكثر	٨٨	أقل من ٥٠	
٠	٥٥ فأكثر	١٠٠	أقل من ٥٥	

ترتيب الوسيط = مجدك ÷ ٢ = ١٠٠ ÷ ٢ = ٥٠

٣٠ = ١ ك

٥٥ = ٢ ك

الفئة الوسيطة ( ٤٠ - ٣٥ )

٣٥ = أ

٥ = ل

أ- من جدول التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد

ر = ٢ +  $\frac{١ ك - ت}{١ ك - ٢ ك} \times$

$١٠ \times \frac{٣٠ - ٥٠}{٣٠ - ٥٥} + ٣٥ =$

$٤١ = ١٠ \times \frac{١٥}{٢٥} + ٣٥ =$

ب- من جدول التوزيع التكرارى المتجمع الهابط

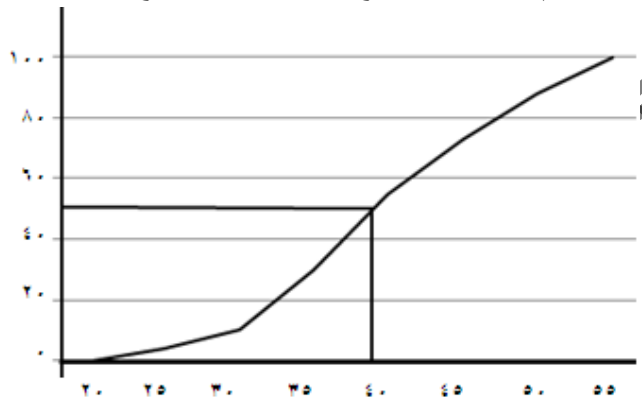
ر = ٢ +  $\frac{١ ك - ت}{١ ك - ٢ ك} \times$

$١٠ \times \frac{٧٠ - ٥٠}{٧٠ - ٤٥} + ٣٥ =$

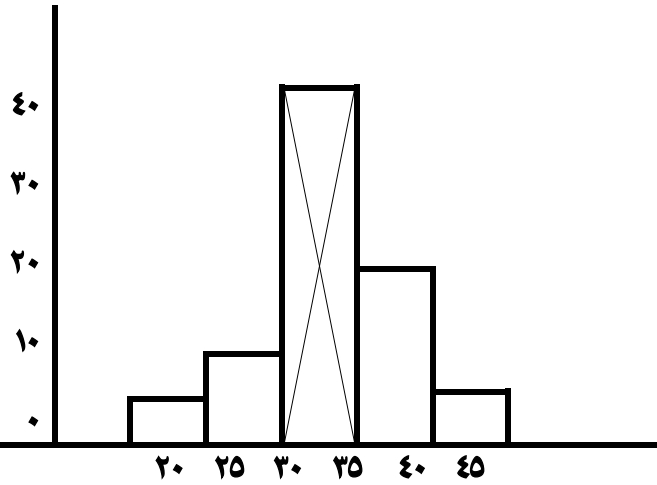
$٤١ = ١٠ \times \frac{١٥}{٢٥} + ٣٥ =$

ثانياً: بيانياً

من رسم منحنى التوزيع التكرارى المتجمع الصاعد







المنوال = 33 تقريباً

٧- أ) بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية ( 30 - 35 )

$$\begin{aligned} 30 &= أ \\ 12 &= 1 ك \\ 18 &= 2 ك \\ 5 &= ل \end{aligned}$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{2 ك}{2 ك + 1 ك} \times ل$$

$$5 \times \frac{18}{18 + 12} + 30 =$$

$$33 = 3 + 30 = \frac{90}{3} + 30 =$$

• بطريقة الفرق (بيرسون):

الفئة المنوالية ( 30 - 35 )

$$\begin{aligned} 30 &= أ \\ 40 &= 0 ك \\ 12 &= 1 ك \\ 18 &= 2 ك \\ 5 &= ل \end{aligned}$$

$$1 ك = 1 ك - 0 ك = 1 ك - 40 = 12 - 40 = 18$$

$$2 ك = 2 ك - 0 ك = 2 ك - 40 = 18 - 40 = 12$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{1 ك}{2 ك + 1 ك} \times ل$$

$$5 \times \frac{18}{12 + 18} + 30 =$$

$$33 = 3 + 30 = \frac{90}{3} + 30 =$$

• بيانياً:

• بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية ( 40 - 45 )

$$\begin{aligned} 40 &= أ \\ 4 &= 1 ك \\ 3 &= 2 ك \\ 5 &= ل \end{aligned}$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{2 ك}{2 ك + 1 ك} \times ل$$

$$5 \times \frac{3}{3 + 4} + 40 =$$

$$2,14 + 40 = \frac{15}{7} + 40 =$$

$$42,14 =$$

• بطريقة الفرق (بيرسون):

الفئة المنوالية ( 40 - 45 )

$$\begin{aligned} 40 &= أ \\ 5 &= 0 ك \\ 4 &= 1 ك \\ 3 &= 2 ك \\ 5 &= ل \end{aligned}$$

$$1 ك = 1 ك - 0 ك = 1 ك - 40 = 4 - 40 = 1$$

$$2 ك = 2 ك - 0 ك = 2 ك - 40 = 3 - 40 = 2$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{1 ك}{2 ك + 1 ك} \times ل$$

$$5 \times \frac{1}{2 + 1} + 40 =$$

$$1,67 + 40 = \frac{5}{3} + 40 =$$

$$41,67 =$$

## إجابة تمارين علي العلاقة بين المتوسطات

١- ٣ (ح - ٢ر) = ح - المنوال

٣ (ح - ٥٠) = ح - ٥٢

٣ ح - ١٥٠ = ح - ٥٢

٣ ح - ١٥٠ = ح - ٥٢

٢ ح = ٩٨

∴ ح = ٤٩ = ٢ ÷ ٩٨

٢- ٣ (ح - ٢ر) = ح - المنوال

٣ (٦٠ - ٦٢) = ح - المنوال

٣ × ٢ = ح - المنوال

٦٦ = ح - المنوال

٣- ٣ (ح - ٢ر) = ح - المنوال

٣ (٤٣ - ٢ر) = ح - ٤٠

٣ - ١٢٩ = ح

٣ - ١٢٩ = ح

٣ = ح - ١٢٦

٢ = ح ÷ ١٢٦ = ٤٢

٤- (أ) أقل (ب) أكبر (ج) أقل (د) =

٥- أولاً نوجد الوسيط : نكون جدول توزيع تكراري

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من الحد الأدنى
٤	أقل من ٢٠
٢٠	أقل من ٢٥
٤٥	أقل من ٣٠
٥٩	أقل من ٣٥
٧٠	أقل من ٤٠
٧٧	أقل من ٤٥
٨٠	أقل من الحد الأعلى

ترتيب الوسيط =  $\frac{٨٠ + ٢}{٢} = ٤٠$

١ ك = ٢٠ | ٢ ك = ٥٩

الفئة الوسيطة (٢٥ - ٣٠)

٢٥ = أ | ٥ = ل

٢ر = أ +  $\frac{٢ ك - ٢٠}{٢ ك - ٢٠} \times ٥$

٢٥ =  $٥ \times \frac{٢٠ - ٤٠}{٢٠ - ٤٥} + ٢٥$

٢٩ =  $٥ \times \frac{٢٠}{٢٥} + ٢٥$

ثانياً: نوجد المنوال: بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية (٢٥ - ٣٠)

٢٥ = أ | ٥ = ل | ١ ك = ١٦ | ٢ ك = ١٤

المنوال = أ +  $\frac{٢ ك}{٢ ك + ١ ك} \times ٥$

٢٥ =  $٥ \times \frac{١٦}{١٤ + ١٦} + ٢٥$

٢٧,٦٧ =  $٢,٦٧ + ٢٥ = \frac{٨٠}{٣٠} + ٢٥ =$

ثالثاً: نوجد الوسط الحسابي

٣ (ح - ٢ر) = ح - المنوال

٣ (ح - ٢٩) = ح - ٢٧,٦٧

٣ ح - ٨٧ = ح - ٢٧,٦٧

٣ ح - ٨٧ = ح - ٢٧,٦٧

٢ ح = ٥٩,٣٣

∴ ح = ٢٩,٦٧ = ٢ ÷ ٥٩,٣٣

٦- أولاً نوجد الوسيط :

نكون جدول توزيع تكراري

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من ١٢
٣	أقل من ١٦
١١	أقل من ٢٠
٣٠	أقل من ٢٤
٧٠	أقل من ٢٨
٨٩	أقل من ٣٢
٩٧	أقل من ٣٦
١٠٠	أقل من الحد الأعلى

ترتيب الوسيط =  $\frac{١٠٠ + ٢}{٢} = ٥٠$

١ ك = ٢٠ | ٢ ك = ٧٠

الفئة الوسيطة (٢٤ - ٢٨)

٢٤ = أ | ٤ = ل

٤- لإيجاد الوسط الهندسى

$$هـ = \sqrt[3]{280} = \sqrt[3]{8 \times 7 \times 5} = 6,54$$

وباستخدام الآلة الحاسبة نكتب الرقم ٢٨٠ ثم نضغط على علامة الجذر التكعيبي مرة واحدة

لإيجاد الوسط التوافقى

س	١
٥	٠,٢٠
٧	٠,١٤٣
٨	٠,١٢٥
مج س	٠,٤٦٨

$$\frac{\text{الوسط التوافقى (س)} = \text{مج } \left( \frac{١}{س} \right)}{\text{ن}}$$

$$٦,٤١ = \frac{٣}{٠,٤٦٨} =$$

إجابة تمارين على المدى المطلق

١- (أ) المدى المطلق = ٤٤ - ١٦ = ٢٨

(ب) المدى المطلق = ١٨ - ٣ = ١٥

(ج) المدى المطلق = ١٦ - ٣ = ١٣

٢- المدى المطلق = مركز الفئة الأخيرة - مركز الفئة الأولى

$$٥٠ = ٦٥ - ١١٥ =$$

٣- المدى المطلق = مركز الفئة الأخيرة - مركز الفئة الأولى

$$١٠ = ٦ - ١٦ =$$

٤- المدى المطلق = مركز الفئة الأخيرة - مركز الفئة الأولى

$$١٥ = ٧,٥ - ٢٢,٥ =$$

٥- المدى المطلق = ١

حيث لا تأثير للتكرارات فى إيجاد المدى المطلق

إجابة تمارين على الوسط الهندسى

والوسط التوافقى

١- لإيجاد الوسط التوافقى

س	١
٤	٠,٢٥
٥	٠,٢٠
٢٠	٠,٠٥
٢٥	٠,٠٤
مج س	٠,٥٤

$$\frac{\text{الوسط التوافقى (س)} = \text{مج } \left( \frac{١}{س} \right)}{\text{ن}}$$

$$٧,٤١ = \frac{٤}{٠,٥٤} =$$

لإيجاد الوسط الهندسى

$$هـ = \sqrt[٤]{25 \times 20 \times 5 \times 4} = \sqrt[٤]{10000} = ١٠$$

وباستخدام الآلة الحاسبة نكتب الرقم ١٠٠٠٠ ثم نضغط على علامة الجذر التربيعى مرتين

٢- هـ =  $\sqrt[٣]{81} = ٣$

$$\frac{\text{الوسط التوافقى (س)} = \text{مج } \left( \frac{١}{س} \right)}{\text{ن}}$$

$$٥ = \frac{٣}{٠,٦} =$$

$$٢ = أ + \frac{٢ - ك}{٤} \times ل$$

$$٢٤ = ٤ \times \frac{٣٠ - ٥٠}{٣٠ - ٧٠} + ٢٤ =$$

$$٢٦,٥ = ٥ \times \frac{٢٠}{٤٠} + ٢٤ =$$

ثانياً: نوجد المنوال: بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية ( ٢٤ - ٢٨ )

$$٢٤ = أ \quad ٢٤ = ل \quad ٤ = ك \quad ١٩ = ك \quad ١٩ = ٢ ك$$

المنوال = مركز الفئة المنوالية = ٢٦

ثالثاً: نوجد الوسط الحسابى

$$٣ (س - ٢) = \text{المنوال}$$

$$٣ (س - ٢٦,٥) = ٢٦ - س$$

$$٣س - ٧٩,٥ = ٢٦ - س$$

$$٣س - ٧٩,٥ = ٢٦ - س$$

$$٤س = ١٠٥,٥$$

$$٢٦,٧٥ = ٢ \div ١٠٥,٥ = س$$

## إجابة تمارين على الانحراف المعياري

١- (أ) يساوى (ب) أكبر من (ج)  $\leq$  الصفر

٢- (أ)

س	س
٢	٤
٤	١٦
٥	٢٥
٨	٦٤
٦	٣٦
٢٥	١٤٥

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\left(\frac{25}{5}\right) - \frac{145}{5}} = \text{ع}$$

$$2 = \sqrt{25 - 29} = \text{ع}$$

(ب)

س	س
١٣	١٦٩
١١	١٢١
٩	٨١
٧	٤٩
١٠	١٠٠
٥٠	٥٢٠

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\left(\frac{50}{5}\right) - \frac{520}{5}} = \text{ع}$$

$$2 = \sqrt{100 - 104} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع} \quad -٣$$

$$\sqrt{\left(\frac{35}{7}\right) - \frac{238}{7}} = \text{ع}$$

$$3 = \sqrt{25 - 34} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع} \quad -٤$$

$$6 = \sqrt{36 - 85} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع} \quad -٥$$

$$\sqrt{\left(\frac{200}{100}\right) - \frac{2900}{100}} = \text{ع}$$

$$5 = \sqrt{20 - 29} = \text{ع}$$

ف	ك	س	ح	ح	ك	ح
-٢٠	٩	٢٥	٣٠	-	٢٧٠	٨١٠٠
-٣٠	١١	٣٥	٢٠	-	٢٢٠	٤٤٠٠
-٤٠	٣٠	٤٥	١٠	-	٣٠٠	٣٠٠٠
-٥٠	٦٥	٥٥	صفر	-	صفر	صفر
-٦٠	٤٠	٦٥	١٠	-	٤٠٠	٤٠٠٠
-٧٠	٢٥	٧٥	٢٠	-	٥٠٠	١٠٠٠٠
٩٠-٨٠	٢٠	٨٥	٣٠	-	٦٠٠	١٨٠٠٠
مج	٢٠٠			-	٧١٠	٤٧٥٠٠

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\left(\frac{710}{200}\right) - \frac{47500}{200}} = \text{ع}$$

$$15 = \sqrt{224,8975 - 237,5} = \text{ع}$$

٧- لا يمكن إيجاد الانحراف المعياري من هذا الجدول لأنه

جدول مفتوح

٨- ك	س	ح	ح	ح	ك
٩	٢٥	٣٠	-	-	٢٧٠
١١	٣٥	٢٠	-	-	٢٢٠
٢٠	٤٥	١٠	-	-	٢٠٠
٣٠	٥٥	صفر	-	-	صفر
١٨	٦٥	١٠	-	-	١٨٠
٩	٧٥	٢٠	-	-	١٨٠
٣	٨٥	٣٠	-	-	٩٠
١٠٠			-	-	٢٤٠

$$\sqrt{\frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}}} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\left(\frac{240}{100}\right) - \frac{22600}{100}} = \text{ع}$$

$$16,84 = \sqrt{24 - 226} = \text{ع}$$



## إجابة تمارين على نصف المدى الربيعي

أ- ترتيب القيم تصاعدياً:

$$١٢ \quad ١٧ \quad ٢٢ \quad ٢٨ \quad ٣٤ \quad ٣٦$$

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{١ + ٧}{٤} = \frac{١ + ن}{٤}$$

الربيع الأول = ١٧

$$\text{ترتيب (٣)} = \frac{١ + ٧}{٤} \times ٣ = \frac{١ + ن}{٤} \times ٣$$

$$٦ =$$

الربيع الثالث = ٣٥

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٥}{٢}$$

$$٩ = \frac{١٧ - ٣٥}{٢} =$$

ب- ترتيب القيم تصاعدياً:

$$٢٥ \quad ٢٨ \quad ٣٣ \quad ٣٦ \quad ٤٤$$

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{١ + ٥}{٤} = \frac{١ + ن}{٤}$$

قيمة ١ تقع بين القيمتين الأولى والثانية

الربيع الأدنى (١)

= القيمة الأولى + نصف الفرق بين القيمتين الأولى والثانية

$$٢٥ + ٠,٥ (٢٨ - ٢٥) =$$

$$٣ \times ٠,٥ + ٢٥ =$$

$$٢٦,٥ = ١,٥ + ٢٥ =$$

$$\text{ترتيب (٣)} = \frac{١ + ٥}{٤} \times ٣ = \frac{١ + ن}{٤} \times ٣$$

$$٤,٥ =$$

قيمة ٣ تقع بين القيمتين الرابعة والخامسة  
الربيع الأدنى (٣)

= القيمة الرابعة + نصف الفرق بين القيمتين الرابعة والخامسة

$$٣٦ + ٠,٥ (٤٤ - ٣٦) =$$

$$٨ \times ٠,٥ + ٣٦ =$$

$$٤٠ = ٤ + ٣٦ =$$

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٦}{٢} = \frac{٢٦,٥ - ٤٠}{٢}$$

$$٦,٧٥ =$$

ج- ترتيب القيم تصاعدياً:

$$٧ \quad ١٣ \quad ١٢ \quad ٢٤ \quad ٢٥ \quad ٢٩ \quad ٣٦ \quad ٤٤$$

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{١ + ٨}{٤} = \frac{١ + ن}{٤}$$

قيمة ١ تقع بين القيمتين الثانية والثالثة

الربيع الأدنى (١)

= القيمة الثانية + ربع الفرق بين القيمتين الثانية والثالثة

$$١٢ + ٠,٢٥ (١٣ - ١٢) =$$

$$١٢,٢٥ + ٠,٢٥ =$$

$$١٢,٥ = ٠,٢٥ + ١٢ =$$

$$\text{ترتيب (٣)} = \frac{١ + ٨}{٤} \times ٣ = \frac{١ + ن}{٤} \times ٣$$

$$٦,٧٥ =$$

قيمة ٣ تقع بين القيمتين السادسة والسابعة

الربيع الأدنى (٣)

= القيمة السادسة + ٠,٧٥ الفرق بين القيمتين الرابعة والخامسة

$$٢٩ + ٠,٧٥ (٣٦ - ٢٩) =$$

$$٥,٢٥ + ٢٩ = ٧ \times ٠,٧٥ + ٢٩ =$$

$$٣٤,٢٥ =$$

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٦}{٢}$$

$$١١ = \frac{١٢,٢٥ - ٣٤,٢٥}{٢} =$$

$$٢- \text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٦}{٢}$$

$$١٧ = \frac{٣٤}{٢} =$$

$$٣- \text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٦}{٢}$$

$$٩ = \frac{١٨}{٢} =$$

$$٤- \text{نصف المدى الربيعي} = \frac{١٧ - ٣٦}{٢}$$

$$١١ = \frac{٢٢}{٢} =$$

٥- جدول التوزيع التكراري

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من ٢٠
٣٠	أقل من ٣٠
٩٠	أقل من ٤٠
١٩٠	أقل من ٥٠
٢٨٥	أقل من ٦٠
٣٣٥	أقل من ٧٠
٣٧٥	أقل من ٨٠
٤٠٠	أقل من ٩٠

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{٤٠٠}{٤} = \frac{\text{مجموع}}{٤}$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - إعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوي تجاري بسوهاج

٧- جدول التوزيع التكراري

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للصفات
٠	أقل من ٢٠
١١	أقل من ٢٥
٢٥	أقل من ٣٠
٤٥	أقل من ٤٠
٧٠	أقل من ٤٥
٩٠	أقل من ٥٠
٩٧	أقل من ٦٠
١٠٠	أقل من الحد الأعلى

ترتيب ر

ترتيب ر

$$٢٥ = \frac{١٠٠}{٤} = \frac{\text{مجمك}}{٤} = \text{ترتيب (ر)} = ٣٠$$

فئة الربع الأول (٤٠ - ٣٠)  
الربع الأول = أ = ٣٠

$$\frac{١٠٠}{٤} \times ٣ = \frac{\text{مجمك}}{٤} \times ٣ = \text{ترتيب (ر)} = ٧٥$$

فئة الربع الثالث (٥٠ - ٤٥)

$$٥ = \text{ل} \quad ٤٥ = \text{أ}$$

$$٩٠ = ٢ \text{ ك} \quad ٧٠ = ١ \text{ ك}$$

$$\text{ل} \times \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} + \text{أ} = ٣ \text{ ر}$$

$$٥ \times \frac{٧٠ - ٧٥}{٧٠ - ٩٠} + ٤٥ =$$

$$١,٢٥ + ٤٥ = ٥ \times \frac{٥}{٢٠} + ٤٥ =$$

$$٤٦,٢٥ =$$

٦- جدول التوزيع التكراري

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للصفات
٠	أقل من ٣٠
٩	أقل من ٣٥
٣٠	أقل من ٤٠
٥٥	أقل من ٥٠
١١٠	أقل من ٦٠
١٥٠	أقل من ٦٥
١٧٥	أقل من ١٩٠
١٨٩	أقل من ٢٠٠
٢٠٠	أقل من ٢٠٠

ترتيب ر

ترتيب ر

$$٥٠ = \frac{٢٠٠}{٤} = \frac{\text{مجمك}}{٤} = \text{ترتيب (ر)} = ٥٠$$

فئة الربع الأول (٥٠ - ٤٠)

$$١٠ = \text{ل} \quad ٤٠ = \text{أ}$$

$$٥٥ = ٢ \text{ ك} \quad ٣٠ = ١ \text{ ك}$$

$$\text{ل} \times \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} + \text{أ} = ٣ \text{ ر}$$

$$١٠ \times \frac{٣٠ - ٥٠}{٣٠ - ٥٥} + ٤٠ =$$

$$٤٨ = ٨ + ٤٠ = ١٠ \times \frac{٢٠}{٢٥} + ٤٠ =$$

$$\frac{٢٠٠}{٤} \times ٣ = \frac{\text{مجمك}}{٤} \times ٣ = \text{ترتيب (ر)} = ١٥٠$$

فئة الربع الثالث (١٩٠ - ٦٥)

الربع الثالث = أ = ٦٥

$$\frac{٤٨ - ٦٥}{٢} = \frac{\text{ر} - ٣}{٢} = \text{نصف المدى الربعي} = ٨,٥ =$$

$$٨,٥ =$$

فئة الربع الأول (٥٠ - ٤٠)

$$١٠ = \text{ل} \quad ٤٠ = \text{أ}$$

$$١٩٠ = ٢ \text{ ك} \quad ٩٠ = ١ \text{ ك}$$

$$\text{ل} \times \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} + \text{أ} = ٣ \text{ ر}$$

$$١٠ \times \frac{٩٠ - ١٠٠}{٩٠ - ١٩٠} + ٤٠ =$$

$$٤١ = ١ + ٤٠ = ١٠ \times \frac{١٠}{١٠٠} + ٤٠ =$$

$$\frac{٤٠٠}{٤} \times ٣ = \frac{\text{مجمك}}{٤} \times ٣ = \text{ترتيب (ر)} = ٣٠٠ =$$

$$٣٠٠ =$$

فئة الربع الثالث (٧٠ - ٦٠)

$$١٠ = \text{ل} \quad ٦٠ = \text{أ}$$

$$٣٣٥ = ٢ \text{ ك} \quad ٢٨٥ = ١ \text{ ك}$$

$$\text{ل} \times \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} + \text{أ} = ٣ \text{ ر}$$

$$١٠ \times \frac{٢٨٥ - ٣٠٠}{٢٨٥ - ٣٣٥} + ٦٠ =$$

$$٦٣ = ٣ + ٦٠ = ١٠ \times \frac{١٥}{٥٠} + ٦٠ =$$

$$\frac{٤١ - ٦٣}{٢} = \frac{\text{ر} - ٣}{٢} = \text{نصف المدى الربعي} = ١٠,٥ =$$

$$١٠,٥ =$$

## إجابة تمارين على معامل الاختلاف " التشتت النسبي "

$$100 \times \frac{ع}{ص} = \text{معامل الاختلاف المعياري} \quad (أ-١)$$

$$20\% = 100 \times \frac{٨}{٤٠} =$$

$$٤ = \sqrt{١٦} = \sqrt{ع} = ع \quad (ب)$$

$$100 \times \frac{ع}{ص} = \text{معامل الاختلاف المعياري}$$

$$8\% = 100 \times \frac{٤}{٥٠} =$$

$$100 \times \frac{ر-٣ر}{ر+٣ر} = \text{معامل الاختلاف الربيعي} \quad (ج)$$

$$100 \times \frac{٤٠-٦٠}{٤٠+٦٠} =$$

$$20\% = 100 \times \frac{٢٠}{١٠٠} =$$

$$100 \times \frac{ر-٣ر}{ر+٣ر} = \text{معامل الاختلاف الربيعي} \quad (د)$$

$$40\% = 100 \times \frac{٣٠}{٧٥} =$$

$$٥٥ = ٣٠ + ٢٥ = ٣٠ + ١ = ٣ر \quad (هـ)$$

$$100 \times \frac{ر-٣ر}{ر+٣ر} = \text{معامل الاختلاف الربيعي}$$

$$100 \times \frac{٢٥-٥٥}{٢٥+٥٥} =$$

$$37,5\% = 100 \times \frac{٣٠}{٨٠} =$$

$$٣ر = أ + \frac{ت-١ك}{١ك-٢ك} \times ل$$

$$١٠ \times \frac{٧٧-٧٥}{٧٧-٥٧} + ٤٠ =$$

$$٣,٥ + ٤٠ = ١٠ \times \frac{٧-}{٢٠-} + ٤٠ =$$

$$٤٣,٥٠ =$$

$$\frac{ر-٣ر}{٢} = \text{نصف المدى الربيعي}$$

$$١٠ = \frac{٤٣,٥ - ٦٣,٥}{٢} =$$

$$\frac{ر-٣ر}{٢} = \text{نصف المدى الربيعي}$$

$$٨,١٢٥ = \frac{٣٠ - ٤٦,٢٥}{٢} =$$

$$٨- \text{ترتيب ( ٣ر )} = \frac{١٠٠}{٤} = \frac{\text{مجاك}}{٤} =$$

فئة الربع الثالث ( ٧٠ - ٦٠ )

$$٦٠ = أ$$

$$١٠ = ل$$

$$١٢ = ٢ ك$$

$$٣٢ = ١ ك$$

$$٣ر = أ + \frac{ت-١ك}{١ك-٢ك} \times ل$$

$$١٠ \times \frac{٣٢-٢٥}{٣٢-١٢} + ٦٠ =$$

$$٣,٥ + ٦٠ = ١٠ \times \frac{٧-}{٢٠-} + ٦٠ =$$

$$٦٣,٥ =$$

$$\frac{١٠٠}{٤} \times ٣ = \frac{\text{مجاك}}{٤} \times ٣ = (١ر) =$$

$$٧٥ =$$

فئة الربع الأول ( ٥٠ - ٤٠ )

$$٤٠ = أ$$

$$١٠ = ل$$

$$٥٧ = ٢ ك$$

$$٧٧ = ١ ك$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - إعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

$$\frac{660}{100} + 55 = \frac{\text{مجم ك}}{\text{مجم ك}} + 55 =$$

$$14,23 = 20,2,44 = 43,56 = 246$$

$$\sqrt{\left(\frac{\text{مجم ك}^2}{\text{مجم ك}}\right) - \frac{\text{مجم ك}^2}{\text{مجم ك}}} = 4$$

$$\sqrt{\left(\frac{660}{100}\right) - \frac{246}{100}} =$$

$$14,23 = \sqrt{20,2,44} = \sqrt{43,56 - 246} =$$

$$100 \times \frac{4}{55} = \text{معامل الاختلاف المعياري} =$$

$$\% 32,79 = 100 \times \frac{14,23}{43,56} =$$

∴ التوزيع الثانى أكثر تشتتاً من التوزيع الأول

5- بالنسبة للتوزيع الأول

$$100 \times \frac{1-3}{1+3} = \text{معامل الاختلاف الربيعى} =$$

$$100 \times \frac{10-40}{10+40} =$$

$$\% 6 = 100 \times \frac{30}{50} =$$

بالنسبة للتوزيع الثانى

$$25 = \frac{100}{4} = \frac{\text{مجم ك}}{4} = (1) =$$

فئة الربيع الأول (55 - 45)

الربيع الأول = 45 = أ

3- بالنسبة للتوزيع الأول

$$100 \times \frac{1-3}{1+3} = \text{معامل الاختلاف الربيعى} =$$

$$100 \times \frac{20-30}{20+30} =$$

$$\% 20 = 100 \times \frac{10}{50} =$$

بالنسبة للتوزيع الثانى

$$100 \times \frac{1-3}{1+3} = \text{معامل الاختلاف الربيعى} =$$

$$100 \times \frac{30-50}{30+50} =$$

$$\% 25 = 100 \times \frac{20}{80} =$$

∴ التوزيع الثانى أكثر تشتتاً من التوزيع الأول

4- بالنسبة للتوزيع الأول

$$100 \times \frac{4}{55} = \text{معامل الاختلاف المعياري} =$$

$$\% 25 = 100 \times \frac{5}{20} =$$

بالنسبة للتوزيع الثانى

و = 55

6- ف	ك	س	ح	ح ك	ك
20	12	25	30	360	10800
30	18	35	20	360	7200
40	23	45	10	230	2300
50	25	55	55	صفر	صفر
60	15	65	10	150	1500
70	7	75	20	140	2800
مج	100			660	24600

$$100 \times \frac{1-3}{1+3} = \text{معامل الاختلاف الربيعى} =$$

$$100 \times \frac{30-50}{30+50} =$$

$$\% 25 = 100 \times \frac{20}{80} =$$

2- بالنسبة للتوزيع الأول

$$100 \times \frac{4}{55} = \text{معامل الاختلاف المعياري} =$$

$$\% 20 = 100 \times \frac{8}{40} =$$

بالنسبة للتوزيع الثانى

$$\frac{400}{100} + 35 = \frac{\text{مجم ك}}{\text{مجم ك}} + 35 =$$

$$39 = 4 + 35 =$$

$$\sqrt{\left(\frac{\text{مجم ك}^2}{\text{مجم ك}}\right) - \frac{\text{مجم ك}^2}{\text{مجم ك}}} = 4$$

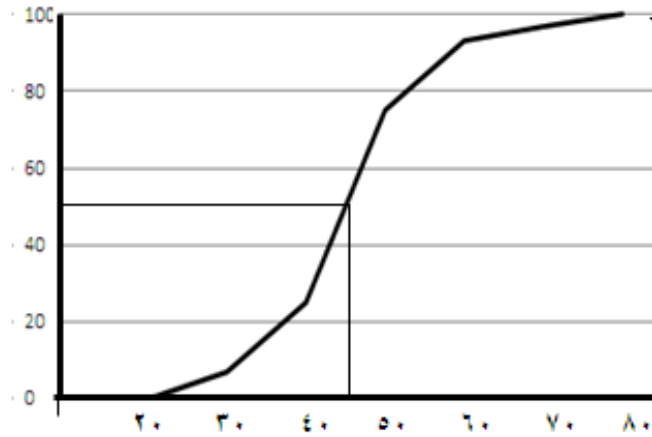
$$\sqrt{\left(\frac{400}{100}\right) - \frac{3000}{100}} =$$

$$3,74 = \sqrt{14} = \sqrt{16 - 30} =$$

$$100 \times \frac{4}{55} = \text{معامل الاختلاف المعياري} =$$

$$\% 9,59 = 100 \times \frac{3,74}{39} =$$

∴ التوزيع الأول أكثر تشتتاً من التوزيع الثانى



الوسيط بيانياً = ٤٥

٢-١) ك = ١ ك = ٢ ك = ٢ صفر (٢ أكبر من

$$\text{ب-١) } \frac{100}{100} + 350 = \frac{\text{مجم ك}}{\text{مجم ك}} + 350 = 351 = 1 + 350 =$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{\left( \frac{\text{مجم ٢ ك}}{\text{مجم ك}} \right) - \left( \frac{\text{مجم ك}}{\text{مجم ك}} \right)}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{\left( \frac{100}{100} \right) - \left( \frac{12200}{100} \right)}$$

$$11 = \sqrt{121} = \sqrt{1 - 122} =$$

$$3) \text{ معامل الاختلاف المعياري} = \frac{11}{351} = 100 \times \frac{11}{351} =$$

$$3.13\% = 100 \times \frac{11}{351} =$$

## إجابات نماذج اختبارات على الفصل الدراسى الأول إجابات الاختبار الأول

١- جدول التوزيع التكرارى

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من ٢٠
٧	أقل من ٣٠
٢٥	أقل من ٤٠
٧٥	أقل من ٥٠
٩٣	أقل من ٦٠
٩٧	أقل من ٧٠
١٠٠	أقل من ٨٠

ترتيب ٢

$$\text{ترتيب (٢)} = \frac{100}{4} = \frac{\text{مجم ك}}{4} = 25 = 1 \text{ ك} = 25$$

$$\text{فئة الوسيط (٤٠ - ٥٠)} \quad 40 = 1 \text{ ك} = 40$$

$$75 = 2 \text{ ك} = 75$$

$$2) \text{ ر} = 2 \text{ ك} - 1 \text{ ك} + \text{أ} = 2 \text{ ك} - 1 \text{ ك} + 40 =$$

$$10 \times \frac{25 - 50}{25 - 75} + 40 =$$

$$45 = 5 + 40 = 10 \times \frac{25}{50} + 40 =$$

$$\text{ترتيب (٣)} = 3 \text{ ك} = 3 \times \frac{100}{4} = 75 = 1 \text{ ك} = 75$$

$$75 = 1 \text{ ك} = 75$$

$$\text{فئة الربع الثالث (٥٥ - ٦٥)} \quad 55 = 1 \text{ ك} = 55$$

$$70 = 2 \text{ ك} = 70$$

$$3) \text{ ر} = 3 \text{ ك} - 2 \text{ ك} + \text{أ} = 3 \text{ ك} - 2 \text{ ك} + 55 =$$

$$10 \times \frac{65 - 75}{65 - 80} + 55 =$$

$$61.67 + 55 = 10 \times \frac{10}{15} + 55 = 61.67 =$$

$$\text{معامل الاختلاف الربيعى} = \frac{3 - 1}{3 + 1} = 100 \times \frac{2}{4} = 50 = 1 \text{ ك} = 50$$

$$100 \times \frac{45 - 61.67}{45 + 61.67} =$$

$$100 \times \frac{16.67}{106.67} = 15.63\%$$

∴ التوزيع الثانى أكثر تشتتاً من التوزيع الأول

## إجابات الاختبار الثانى

١- بالنسبة للتوزيع الأول

$$\text{معامل الاختلاف المعيارى} = \frac{ع}{س} \times 100$$

$$32 = 100 \times \frac{16}{50}$$

بالنسبة للتوزيع الثانى

$$و = 32,5$$

ف	ك	س	ح	ح ك	ح ٢ك
-٤٠	١٤	٢٢,٥	١٠	١٤٠	١٤٠٠
-٤٥	١٦	٢٧,٥	٥	٨٠	٤٠٠
-٥٠	٥٠	٣٢,٥	٥	٢٥٠	١٠٠٠
-٥٥	٤٠	٣٧,٥	١٠	١٧٠	١٧٠٠
-٦٠	١٧	٤٢,٥	١٠	١٧٠	١٧٠٠
-٦٥	١٣	٤٧,٥	١٥	١٩٥	٢٩٢٥
مج	١٥٠			٣٤٥	٧٤٢٥

$$س = و + \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} + \frac{345-}{150}$$

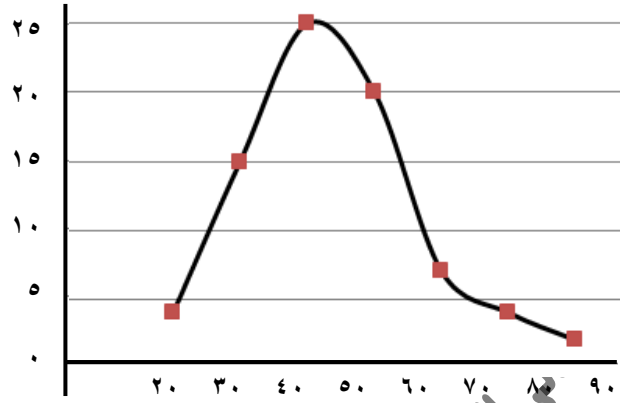
$$30,2 = 2,3 - 32,5 =$$

$$ع = \left| \frac{\text{مج ح ٢ك}}{\text{مج ك}} - \left( \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right) \right|$$

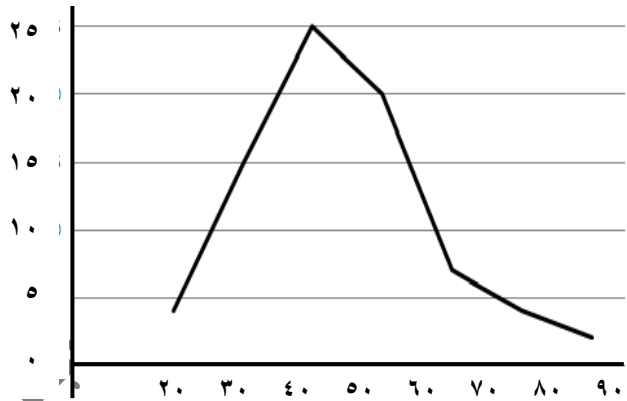
$$ع = \left| \left( \frac{345-}{150} \right) - \frac{7425}{150} \right|$$

$$ع = \left| \frac{49,5}{150} - \frac{49,5}{150} \right| = 0,29 = 44,21 = 6,65$$

١-٥ المنحنى التكرارى:



٢ المصطلح التكرارى:



$$٣- أ) س = \frac{\text{مج س}}{ن} = \frac{27}{50} = 0,٤$$

٢- ترتيب القيم تصاعدياً:

$$٠ \quad ٤ \quad ٥ \quad ٧$$

$$\text{ترتيب (٢ ر)} = \frac{١ + ن}{٢} = \frac{١ + ٥}{٢} = ٣$$

الوسيط = ٥

٣- لا يوجد منوال

٤- لا يمكن إيجاد الوسط الهندسى لأن أحد القيم = صفر

٥- لا يمكن إيجاد الوسط التوافقى لأن أحد القيم = صفر

ب) ١- المنوال: بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية (٤٠ - ٣٥)

$$٣٥ = أ \quad ٥ = ل \quad ٢٠ = ك \quad ١٤ = ٢ ك$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{٢ ك}{٢ ك + ١ ك} \times ل$$

$$= ٣٥ + ٥ \times \frac{٢٠}{١٤ + ٢٠}$$

$$= ٣٥ + \frac{١٠٠}{٣٤} = ٣٧,٩٤$$

٢- الوسط الحسابى

$$٣ (س - ٢٠) = س - المنوال$$

$$٣ (س - ٣٥) = س - ٣٧,٩٤$$

$$٣س - ١٠٥ = س - ٣٧,٩٤$$

$$٣س - س = ١٠٥ - ٣٧,٩٤$$

$$٢س = ٦٧,٠٦$$

$$س = 33,53 = 2 \div 67,06$$

# إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - إعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

$$\text{معامل الاختلاف المعياري} = \frac{ع}{ص} \times 100$$

$$= \frac{6,65}{30,2} \times 100 = 22\%$$

∴ التوزيع الأول أكثر تشتتاً من التوزيع الثاني

١-٢) المنوال حسابياً: بطريقة الرافعة (كنج):

الفئة المنوالية (٥٠ - ٤٠)

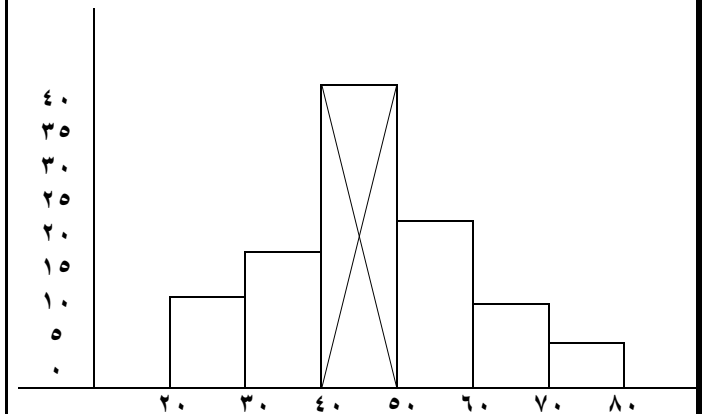
$$أ = ٤٠ \quad ل = ١٠ \quad ك = ١٨ \quad ك = ٢ = ٢٢$$

$$\text{المنوال} = أ + \frac{ك}{ك + ١} \times ل$$

$$= ٤٠ + \frac{١٨}{٢٢ + ١٨} \times ١٠ =$$

$$= ٤٠ + \frac{١٨٠}{٤٠} = ٤٤,٥$$

المنوال بيانياً:



المنوال = ٤٤ تقريباً

٢) المدى المطلق = مركز الفئة الأخيرة - مركز الفئة الأولى

$$= ٥٠ = ٢٥ - ٧٥ =$$

## ٣- جدول التوزيع التكرارى

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من ١٠٠
١١	أقل من ١١٠
٢٥	أقل من ١٢٠
٦٥	أقل من ١٣٠
٨٥	أقل من ١٤٠
٩٤	أقل من ١٥٠
١٠٠	أقل من ١٦٠

ترتيب ١

ترتيب ٣

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{\text{مجمك}}{ع} = \frac{١٠٠}{٤} = ٢٥$$

فئة الربيع الأول (١٢٠ - ١٣٠)

$$\text{الربيع الأول} = أ = ١٢٠$$

$$\text{ترتيب (٣)} = ٣ \times \frac{\text{مجمك}}{ع} = ٣ \times \frac{١٠٠}{٤} = ٧٥$$

فئة الربيع الثالث (١٣٠ - ١٤٠)

$$أ = ١٣٠$$

$$ل = ١٠$$

$$ك = ٨٥$$

$$ك = ٦٥$$

$$\text{٣} = أ + \frac{ل - ك}{ك - ٢} \times ل$$

$$= ١٣٠ + \frac{٦٥ - ٧٥}{٦٥ - ٨٥} \times ١٠ =$$

$$= ١٣٠ + ١٠ \times \frac{١٠}{٢٠} = ١٣٥ = ٥ + ١٣٠ =$$

$$\text{نصف المدى الربيعى} = \frac{٣ر - ١ر}{٢}$$

$$= \frac{١٣٥ - ١٢٠}{٢} = ٧,٥$$

$$٧,٥ = \frac{١٢٠ - ١٣٥}{٢} =$$

$$\text{ب) ١-٥} = \frac{٤}{١٠٠٠٠} = ١٠$$

$$\text{٢-٥} = ٦٣ \div ٧ = ٩$$

$$\text{٣-٥} = ٨,٤ \div ٦ = ١,٧١$$

$$\text{٥-٥} = ٣ (ص - ٢ر) = ص - المنوال$$

$$٣ = ٢ر - ٤٢ = ٣٩ - ٤٢ =$$

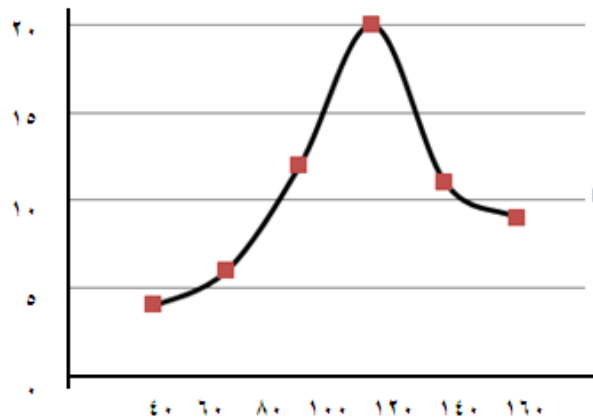
$$٣ = ٢ر - ١٢٦$$

$$٢ر - ١٢٦ = ٣$$

$$٢ر - ١٢٣ = ٣$$

$$٢ر = ٣ \div ١٢٣ = ٤١$$

ب) منحنى التوزيع التكرارى:



$$2,5 + 30 = 10 \times \frac{10}{40} + 30 = 32,5 =$$

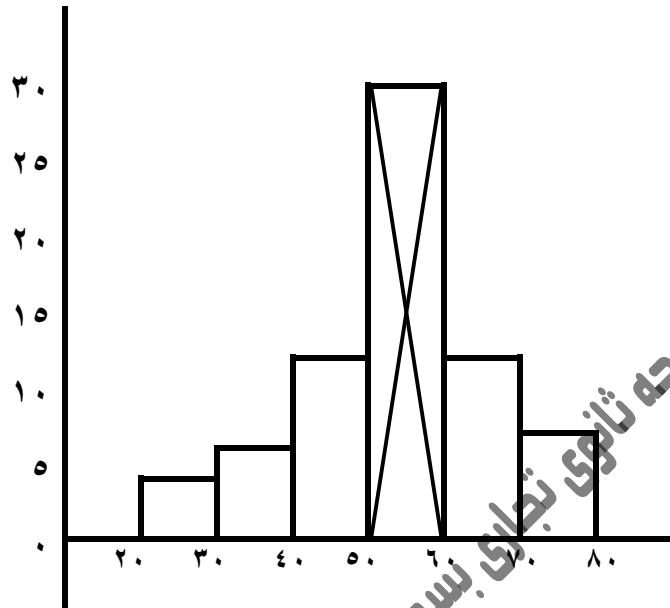
$$50 = \frac{200}{4} = \frac{\text{مجك}}{4} = \text{ترتيب (ر 3)}$$

فئة الربيع الأول (60 - 50)  
50 = أ = 3ر

$$\frac{1ر - 3ر}{2} = \text{نصف المدى الربيعي} =$$

$$8,75 = \frac{32,5 - 50}{2} =$$

- ٤- أ) ١ ك = ١ ك + ٢ ك = ٢ ك  
٢- الوسط الحسابي ٣- الوسط الحسابي  
٣- الوسط الهندسي والوسط التوافقي  
ب) ١- المدرج التكراري:



٢- النوال بيانياً = ٥٥ تقريباً

$$\frac{50}{50} + 35 = \frac{\text{مجك}}{\text{مجك}} + 35 = 36 = 1 + 35 =$$

$$\sqrt{\left(\frac{\text{مجك}^2}{\text{مجك}}\right) - \frac{\text{مجك}^2}{\text{مجك}}} = 6$$

$$\sqrt{\left(\frac{50}{50}\right) - \frac{2270}{50}} = 6,66 = 44,4 = 1 - 45,4 =$$

$$100 \times \frac{6}{55} = \text{معامل الاختلاف المعياري} =$$

$$\% 18,5 = 100 \times \frac{6,66}{36} =$$

$$100 = \frac{200}{2} = \frac{\text{مجك}}{2} = \text{ترتيب (ر 2)}$$

فئة الربيع الأول (50 - 40)  
40 = أ = 2ر

$$\frac{200}{100} \times 3 = \frac{\text{مجك}}{4} \times 3 = \text{ترتيب (ر 1)}$$

$$150 =$$

$$\text{فئة الربيع الأول (40 - 30)}$$

$$10 = ل \quad 30 = أ$$

$$100 = 2 ك \quad 160 = 1 ك$$

$$1 = أ + \frac{1 ك - 2 ك}{1 ك} \times ل$$

$$10 \times \frac{160 - 150}{160 - 100} + 30 =$$

### إجابات الاختبار الثالث

١- أ) نريب القيم تصاعدياً:

$$210 \quad 42 \quad 36 \quad 29 \quad 18 \quad 14 \quad 7$$

$$1 - \text{ترتيب (ر 2)} = \frac{1 + ن}{2} =$$

$$4 = \frac{1 + 7}{2} =$$

$$29 = 2ر$$

$$2 - \text{ترتيب (ر 1)} = \frac{1 + ن}{4} =$$

$$2 = \frac{1 + 7}{4} =$$

الربيع الأول = 14

$$\text{ترتيب (ر 3)} = \frac{1 + ن}{4} \times 3 = \frac{1 + 7}{4} \times 3 =$$

$$6 =$$

الربيع الثالث = 42

$$\text{نصف المدى الربيعي} = \frac{1ر - 3ر}{2} =$$

$$14 = \frac{14 - 42}{2} =$$

ب) المنوال = جيد

$$35 = و - 2$$

ف	ك	س	ح	ح ك	ح 2 ك
-20	4	23	12	48	576
-26	6	28	7	42	294
-30	25	35	0	0	0
-40	8	42	7	56	392
-44 (50)	7	47	12	84	1008
مج	150			50	2270



$$٥-أ) ٣ (٢٠ - ٢٠) = \text{النوال}$$

$$٣ (٤٠ - ٤٠) = ٤١ - ٤١$$

$$٣ (١٢٠ - ٤١) = ٤١ - ٤١$$

$$٣ (١٢٠ - ٤١) = ٤١ - ٤١$$

$$٢ (٧٩) = ٤١ - ٤١$$

$$٣٩,٥ = ٢ \div ٧٩ = \text{النوال}$$

(ب) طرق جمع البيانات من الميدان:

- ١- المشاهدة: بالنظر إلى الأشياء بالعين أو غيرها من الحواس
- ٢- المقابلة: وهى أفضل طرق جمع البيانات من الميدان
- ٣- المراسلة بالبريد: وهى أقل تكلفة من المقابلة ولكن يعيبها أن نسبة كبيرة من المبحوثين لا يهتمون بالرد
- ٤- التليفون: وهى طريقة سريعة وقليلة التكلفة إلا أنها لا تصلح لمن ليس لديهم تليفون
- ٥- الصحف والمجلات والإذاعة
- ٦- شبكة المعلومات الدولية (الإنترنت)

## إجابة تمارين على التماثل والالتواء والتفرطح

$$١-أ) (١ ت) =$$

$$\text{النوال} = \frac{٤٧ - ٤٢}{٨} = \frac{٥}{٨} = ٠,٦٢٥$$

الالتواء موجب (الالتواء جهة اليمين)

$$(ب) (١ ت) =$$

$$\text{النوال} = \frac{٥٠ - ٤٩}{٥} = \frac{١}{٥} = ٠,٢$$

الالتواء موجب (الالتواء جهة اليمين)

$$(ج) (٢ ت) =$$

$$\text{النوال} = \frac{٣ (٣٠ - ٣١)}{٤} = \frac{٣ (١ - ٣)}{٤} = \frac{١ \times ٣}{٤} = ٠,٧٥$$

الالتواء موجب (الالتواء جهة اليمين)

(د) معامل التواء بولى (٣ ت)

$$\frac{(٣٠ - ٢٠) - (٢٠ - ٣٠)}{٣ - ٢} =$$

$$\frac{(٤٠ - ٥٠) - (٥٠ - ٧٠)}{٤٠ - ٧٠} =$$

$$١ = \frac{(١٠) - (٤٠)}{٣٠} =$$

الالتواء موجب (الالتواء جهة اليمين)

$$٢-٣ (٢٠ - ٢٠) = \text{النوال}$$

$$٣ (٣٠ - ٣٠) = ٣١ - ٣١$$

$$٣ (٩٠ - ٣١) = ٣١ - ٣١$$

$$٣ (٩٠ - ٣١) = ٣١ - ٣١$$

$$٢ (٥٩) = ٣١ - ٣١$$

$$٢٩,٥ = ٢ \div ٥٩ = \text{النوال}$$

(١ ت) =

$$\text{النوال} = \frac{٣١ - ٢٩,٥}{٥} = \frac{١,٥}{٥} = ٠,٣$$

الالتواء سالب (الالتواء جهة اليسار)

(٢ ت) =

$$\text{النوال} = \frac{٣ (٣٠ - ٢٩,٥)}{٥} = \frac{٣ (٠,٥)}{٥} = ٠,٣$$

$$\text{النوال} = \frac{٣ (٠,٥)}{٥} = ٠,٣$$

الالتواء سالب (الالتواء جهة اليسار)

٢- النوال = مركز الفئة النوالية = ٣٥

$$\text{النوال} = \frac{\text{مجموع}}{\text{مجموع}} + ٣٥ = \frac{١٠٠}{١٠٠} + ٣٥ = ٣٦$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - اعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

جدول التوزيع التكرارى

متجمع صاعد	
الحدود العليا للفئات	ك متجمع صاعد
أقل من ٢٠	٠
أقل من ٢٥	٤
أقل من ٣٠	١٤
أقل من ٣٥	٣٤
أقل من ٤٠	٧٠
أقل من ٤٥	٨٥
أقل من ٥٠	٩٥
أقل من ٥٥	١٠٠

ترتيب ر

$$\text{ترتيب ( ر )} = \frac{١٠٠}{٢} = \frac{\text{مجمك}}{٢} = ٥٠$$

فئة الوسيط ( ٣٥ - ٤٠ )

$$٣٥ = \text{أ} \quad ٥ = \text{ل}$$

$$٣٤ = \text{ك} \quad ٧٠ = \text{ك}$$

$$\text{ر} = \text{أ} + \frac{\text{ت} - \text{ك}}{\text{ك} - ٢} \times \text{ل}$$

$$٣٥ = ٥ \times \frac{٣٤ - ٥}{٣٤ - ٧٠} + ٣٥$$

$$٣٥ = ٥ \times \frac{١٦}{٣٦} + ٣٥ = ٢,٢٢ + ٣٥$$

$$٣٧,٢٢ =$$

١- ( ت ) =

$$\frac{٣٧,١٤ - ٣٧,٤}{٧} = \frac{\text{مجمك} - \text{المجموع}}{\text{مجمك}}$$

$$٠,٣٧ = \frac{٠,٢٦}{٧} =$$

ف	ك	س	ح	ح ك	ح ٢ ك
-٢٠	٤	٢٢,٥	١٥	٦٠	٩٠٠
-٢٥	١٠	٢٧,٥	١٠	١٠٠	١٠٠٠
-٣٠	٢٠	٣٢,٥	٥	١٠٠	٥٠٠
-٣٥	٣٦	٣٧,٥	صفر	صفر	صفر
-٤٠	١٥	٤٢,٥	٥	٧٥	٣٧٥
-٤٥	١٠	٤٧,٥	١٠	١٠٠	١٠٠٠
-٥٠	٥	٥٢,٥	١٥	٧٥	١١٢٥
مجم	١٠٠			١٠٠	٤٩٠٠

$$\text{مجم} = \text{و} + \frac{\text{مجمك}}{\text{مجمك}} + ٣٧,٥ = \frac{١٠٠}{١٠٠} + ٣٧,٥$$

$$٣٧,٥ = ٠,١ - ٣٧,٥ =$$

$$\sqrt{\frac{\text{مجمك}^٢}{\text{مجمك}} - \frac{\text{مجمك}^٢}{\text{مجمك}}} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\frac{٤٩٠٠}{١٠٠} - \left(\frac{١٠٠}{١٠٠}\right)^٢} =$$

$$= \sqrt{٤٩ - ٠,١} = \sqrt{٤٨,٩٩} =$$

المجموع: بطريقة الرافعة ( كنج ):

الفئة المنوالية ( ٣٥ - ٤٠ )

$$٣٥ = \text{أ} \quad ٥ = \text{ل} \quad ٢٠ = \text{ك} \quad ١٥ = \text{ك}$$

$$\text{المجموع} = \text{أ} + \frac{\text{ك} + ١}{٢} \times \text{ل}$$

$$٣٥ = ٥ \times \frac{١٥}{١٥ + ٢٠} + ٣٥ =$$

$$٣٧,١٤ = ٢,١٤ + ٣٥ = \frac{٧٥}{٣٥} + ٣٥ =$$

$$\sqrt{\frac{\text{مجمك}^٢}{\text{مجمك}} - \left(\frac{\text{مجمك}}{\text{مجمك}}\right)^٢} = \text{ع}$$

$$\sqrt{\frac{٨٢٠٠}{١٠٠} - \left(\frac{١٠٠}{١٠٠}\right)^٢} =$$

$$= \sqrt{٨٢ - ١} = \sqrt{٨١} = ٩$$

( ت ) =

$$\frac{\text{مجمك} - \text{المجموع}}{\text{ع}} = \frac{٣٥ - ٣٦}{٩} = \frac{١}{٩} = ٠,١١$$

الالتواء موجب ( الالتواء جهة اليمين )

$$(٢ع) = ٨١ = ٩^٢ = ٦٥٦١$$

$$\text{م} = \left[ \frac{\text{مجمك}^٤}{\text{مجمك}} \right] - \left[ \frac{\text{مجمك}^٣}{\text{مجمك}} \times ٤ \right] + \left[ \frac{\text{مجمك}^٢}{\text{مجمك}} \times ٦ \right] - \left[ \frac{\text{مجمك}}{\text{مجمك}} \times ٣ \right] +$$

$$+ \left[ \frac{\text{مجمك}^٢}{\text{مجمك}} \times ٦ \right] + \left[ \frac{\text{مجمك}}{\text{مجمك}} \times ٣ \right] -$$

$$\text{م} = \left[ \frac{١٦٣٠٠}{١٠٠} \right] - \left[ \frac{٥٤٠٠}{١٠٠} \times ٤ \right] + \left[ \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٦ \right] - \left[ \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٣ \right] +$$

$$+ \left[ \frac{٨٢٠٠}{١٠٠} \times ٦ \right] - \left[ \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٣ \right] - \left[ \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٣ \right] - \left[ \frac{١٠٠}{١٠٠} \times ٣ \right] -$$

$$\text{م} = ١٦٣ - (٢١٦) + (٤٩٢) - (٣) = ٤٣٦$$

$$\text{معامل العزمى للتفرطح} = \frac{\text{م}}{٢(٢ع)} = \frac{٤٣٦}{٦٥٦١} = ٠,٠٦٦$$

المنحنى مفطح

$$٢ع = \frac{مجس٢}{ن} - \left(\frac{مجس}{ن}\right)^٢$$

$$\frac{٢٣٠}{٥} - \left(\frac{٣٠}{٥}\right)^٢ =$$

$$١٠ = ٣٦ - ٤٦ =$$

$$١٠٠ = ٢(١٠) = ٢(٢ع)$$

$$٤م = \left[\frac{مجس٤}{ن}\right] - \left[\frac{مجس٣}{ن} \times \frac{مجس}{ن}\right]$$

$$+ \left[\frac{مجس٢}{ن} \times \left(\frac{مجس}{ن}\right)^٢\right]$$

$$- \left[\left(\frac{مجس}{ن}\right)^٣\right]$$

$$٤م = \left[\frac{١٩٦٣٤}{٥}\right] - \left[\frac{٢٠٤٠}{٥} \times \frac{٣٠}{٥}\right]$$

$$+ \left[\frac{٢٣٠}{٥} \times \left(\frac{٣٠}{٥}\right)^٢\right] - \left[\left(\frac{٣٠}{٥}\right)^٣\right]$$

$$٤م = ٣٩٢٦,٨ - (٦ \times ٤٠,٨ \times ٤)$$

$$+ (٢٥٦ \times ٣) - (٣٦ \times ٤٦ \times ٦)$$

$$٧٦٨ - ٩٩٣٦ + ٩٧٩٢ - ٣٩٢٦,٨ =$$

$$٣٣٠٢,٨ =$$

$$\frac{٣٣٠٢,٨}{١٠٠} = \frac{٤م}{٢(٢ع)} =$$

$$٣٣,٠٣ =$$

$$٤٠ + ٢ = ١٠ \times \frac{١٠}{٥٠} + ٤٠ =$$

$$٤٢ =$$

$$\frac{٢٠٠}{٤} \times ٣ = \frac{مجك}{٤} \times ٣ = (٣ر) ترتيب$$

$$١٥٠ =$$

فئة الربيع الثالث (٥٠ - ٦٠)

$$١٠ = ل \quad ٥٠ = أ$$

$$١٧٠ = ٢ ك \quad ١٤٠ = ١ ك$$

$$٣ر = أ + \frac{ت - ١ ك}{١ ك - ٢ ك} \times ل$$

$$١٠ \times \frac{١٤٠ - ١٥٠}{١٤٠ - ١٧٠} + ٥٠ =$$

$$٣,٣٣ + ٥٠ = ١٠ \times \frac{١٠}{٣٠} + ٥٠ =$$

$$٥٣,٣٣ =$$

معامل التواء بولى (٣ ت)

$$= \frac{(١ر - ٢ر) - (٢ر - ٣ر)}{١ر - ٣ر}$$

$$= \frac{(٣٥ - ٤٢) - (٤٢ - ٥٣,٣٣)}{٣٥ - ٥٣,٣٣}$$

$$= \frac{(٧) - (١١,٣٣)}{١٨,٣٣} =$$

$$٠,٣٤ =$$

س	٢س	٣س	٤س
٤	١٦	٦٤	٢٥٦
٥	٢٥	١٢٥	٦٢٥
٢	٤	٨	١٦
٨	٦٤	٥١٢	٤٠٩٦
١١	١٢١	١٣٣١	١٤٦٤١
٣٠	٢٣٠	٢٠٤٠	١٩٦٣٤

(٦- أ)

$$٢- (ت ٢) =$$

$$= \frac{٣ (س - الوسيط) (٣٧,٢٢ - ٣٧,٤)}{٣} =$$

$$= \frac{ع}{٧} = \frac{٠,١٨ \times ٣}{٧} = ٠,٠٧٧$$

٥- جدول التوزيع التكرارى

متجمع صاعد	
الحدود العليا للفئات	ك متجمع صاعد
أقل من ٢٠	٠
أقل من ٢٥	٢٤
أقل من ٣٠	٥٠
أقل من ٤٠	٩٠
أقل من ٥٠	١٤٠
أقل من ٦٠	١٧٠
أقل من ٧٠	١٨٨
أقل من الحد الأعلى	٢٠٠

ترتيب ١ر

ترتيب ٢ر

ترتيب ٣ر

$$ترتيب (١ر) = \frac{مجك}{٢٤} = \frac{٢٠٠}{٤} = ٥٠ =$$

فئة الربيع الأول (٣٠ - ٤٠)  
٣٥ = أ = ١ر

$$ترتيب (٢ر) = \frac{مجك}{٢} = \frac{٢٠٠}{٢} = ١٠٠ =$$

فئة الوسيط (٤٠ - ٥٠)

$$٤٠ = أ \quad ١٠ = ل$$

$$٩٠ = ١ ك \quad ١٤٠ = ٢ ك$$

$$٢ر = أ + \frac{ت - ١ ك}{١ ك - ٢ ك} \times ل$$

$$١٠ \times \frac{٩٠ - ١٠٠}{٩٠ - ١٤٠} + ٤٠ =$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - اعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

$$4م = 29000 - (1488) + (211,68) - (0,3888)$$

$$27723,29 =$$

$$\frac{27723,29}{9533,57} = \frac{4م}{2(2ع)} = \text{معامل العزمى للتفرطح}$$

$$2,91 =$$

س-٨	ك	ح	ح ك	ح ٢ ك	ح ٣ ك	ح ٤ ك
٢٣	٤	١٢	٤٨	٥٧٦	٦٩١٢	٨٢٩٤٤
٢٨	٨	٧	٥٦	٣٩٢	٢٧٤٤	١٩٢٠٨
٣٥	٢٥	٠	٠	٠	٠	٠
٤٢	٧	٧	٤٩	٣٤٣	٢٤٠١	١٦٨٠٧
٤٧	٦	١٢	٧٢	٨٦٤	١٠٣٦٨	١٢٤٤١٦
	٥٠		١٢١	٢١٧٥	١٢٧٦٩	٢٤٣٣٧٥
			١٠٤		٩٦٥٦	
			١٧		٣١١٣	

$$2ع = \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} - \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^2$$

$$2 = \frac{2175}{50} - \left( \frac{17}{50} \right)^2$$

$$43,3844 = 0,1156 - 43,5 =$$

$$1882,21 = 2(2ع) = (43,3844)$$

$$4م = \left[ \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \times \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} \times 4 \right] - \left[ \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right]^3$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^2 \times \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} \times 6 \right] +$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^3 \times 3 \right] -$$

ف-٧	ك	س	ح	ح ك	ح ٢ ك	ح ٣ ك	ح ٤ ك
-٢٠	١١	٢٥	٢٠	٢٢٠	٤٤٠٠	٨٨٠٠٠	١٧٦٠٠٠٠
-٣٠	١٤	٣٥	١٠	١٤٠	١٤٠٠	١٤٠٠٠	١٤٠٠٠٠
-٤٠	٥٠	٤٥	٠	٠	٠	٠	٠
-٥٠	٢٠	٥٥	١٠	٢٠٠	٢٠٠٠	٢٠٠٠٠	٢٠٠٠٠٠
-٦٠	٥	٦٥	٢٠	١٠٠	٢٠٠٠	٤٠٠٠٠	٨٠٠٠٠٠
مجم	١٠٠			٣٦٠	٩٨٠٠	١٠٢٠٠٠	٢٩٠٠٠٠٠
				٦٠		٦٢٠٠٠	

$$2ع = \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} - \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^2$$

$$2 = \frac{9800}{100} - \left( \frac{60}{100} \right)^2$$

$$97,64 = 0,36 - 98 =$$

$$9533,57 = 2(2ع) = (97,64)$$

$$4م = \left[ \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \times \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} \times 4 \right] - \left[ \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right]^3$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^2 \times \frac{\text{مجم ح ٢ ك}}{\text{مجم ك}} \times 6 \right] +$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح ك}}{\text{مجم ك}} \right)^3 \times 3 \right] -$$

$$4م = \left[ \frac{2900000}{100} \times \frac{62000}{100} \times 4 \right] - \left[ \frac{60}{100} \right]^3$$

$$+ \left[ \left( \frac{60}{100} \right)^2 \times \frac{9800}{100} \times 6 \right] -$$

$$2ع = \frac{\text{مجم س}}{\text{ن}} - \left( \frac{\text{مجم ح}}{\text{ن}} \right)^2$$

$$2 = \frac{680}{5} - \left( \frac{50}{5} \right)^2$$

$$36 = 100 - 136 =$$

$$1296 = 2(36) = 2(2ع)$$

$$4م = \left[ \frac{\text{مجم س}}{\text{ن}} \times \frac{\text{مجم ح}}{\text{ن}} \times 4 \right] - \left[ \frac{\text{مجم ح}}{\text{ن}} \right]^3$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح}}{\text{ن}} \right)^2 \times \frac{\text{مجم س}}{\text{ن}} \times 6 \right] +$$

$$\left[ \left( \frac{\text{مجم ح}}{\text{ن}} \right)^3 \times 3 \right] -$$

$$4م = \left[ \frac{100624}{5} \times \frac{7400}{5} \times 4 \right] - \left[ \frac{50}{5} \right]^3$$

$$+ \left[ \left( \frac{50}{5} \right)^2 \times \frac{680}{5} \times 6 \right] -$$

$$4م = 20124,8 - (10 \times 1480 \times 4) =$$

$$+ (10000 \times 3) - (100 \times 136 \times 6) +$$

$$30000 - 84600 + 59200 - 20124,8 =$$

$$15524,8 =$$

$$\frac{15524,8}{1296} = \frac{4م}{2(2ع)} = \text{معامل العزمى للتفرطح}$$

$$11,98 =$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجارى - اعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوى تجارى بسوهاج

السلعة	ع.	١ع	ك.	ع.ك.	١ع.ك.
أ	١٥	٢٠	٥٠	٧٥٠	١٠٠٠
ب	٢٠	٢٥	٢٠٠	٤٠٠٠	٥٠٠٠
ج	٣٠	٤٠	٨٠	٢٤٠٠	٣٢٠٠
مج				٧١٥٠	٩٢٠٠

(ب) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير)

$$100 \times \frac{9200}{7150} = 100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

$$\% 128,67 =$$

معدل الزيادة فى الأسعار = ٢٨,٦٧%

السلعة	ع.	١ع	ك.	ع.ك.	١ع.ك.
أ	١٠٠	١٥٠	٢٠٠	٢٠٠٠٠	٣٠٠٠٠
ب	١١٠	١٦٠	٣٠٠	٣٣٠٠٠	٤٨٠٠٠
ج	٣٠٠	٤٠٠	٥٠٠	١٥٠٠٠٠	٢٠٠٠٠٠
مج				٢٠٣٠٠٠	٢٧٨٠٠٠

(ب) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير)

$$100 \times \frac{278000}{203000} = 100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

$$\% 136,95 =$$

السلعة	ع.	١ع	ك.	ع.ك.	١ع.ك.
أ	٤٠	٧٠	٤٠٠	١٦٠٠٠	٢٨٠٠٠
ب	٥٠	٨٠	٢٥٠	١٢٥٠٠	٢٠٠٠٠
ج	٦٠	٩٠	٥٠٠	٣٠٠٠٠	٤٥٠٠٠
مج				٥٨٥٠٠	٩٣٠٠٠

إجابة تمارين على الأرقام القياسية

١- (أ) الأقدم - الأحدث (ب) ع. - ١ع (ج) ٢٥%  
(د) الرقم القياسى التجميعى البسيط للأسعار

$$100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

٢- الرقم القياسى لسعر هذه السلعة

$$100 \times \frac{80}{25} = 100 \times \frac{١ع}{٠ع} =$$

$$\% 320 =$$

السنة	٢٠٠٠	٢٠٠١	٢٠٠٢	٢٠٠٣
السعر	٣٠٠	٤٠٠	٦٠٠	٨٠٠
الرقم القياسى	% ١٠٠	% ١٣٣,٣٣	% ٢٠٠	% ٢٦٦,٦٧

٤- الرقم القياسى التجميعى البسيط للأسعار

$$100 \times \frac{7800}{6300} = 100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

$$\% 123,81 =$$

٥- الرقم القياسى التجميعى البسيط للأسعار

$$100 \times \frac{200}{170} = 100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

$$\% 117,65 =$$

٦- (أ) الرقم القياسى التجميعى البسيط للأسعار

$$100 \times \frac{85}{65} = 100 \times \frac{\text{مج ع.ك.}}{\text{مج ع.ك.}} =$$

$$\% 130,77 =$$

$$[ \frac{17}{50} \times \frac{3113}{50} \times 4 ] - [ \frac{243375}{50} ] = 4م$$

$$[ ( \frac{17}{50} )^3 ] - [ ( \frac{17}{50} ) \times \frac{2175}{50} \times 6 ] +$$

$$4م = 29205 - (30,17) + (48,67) - (0,04)$$

$$29186,46 =$$

$$\frac{29186,46}{1882,21} = \frac{4م}{2(24)}$$

$$15,51 =$$

إجابات تمارين الاحصاء للصف الثاني التجاري - اعداد / ممدوح بطرس جرجس - موجه ثانوي تجارى بسوهاج

الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة (رقم باش)

$$100 \times \frac{93000}{58500} = 100 \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} = 159,79\%$$

وهذا يعنى أن الأسعار قد زادت بنسبة 59,79%

-9

	١٠	٢٠	٣٠
٤.ع	١٠	٢٠	٣٠
١٤.ع	١٥	٤٠	٥٠
ك.ك.	٨٠	٢٠٠	١٥٠
ك.ك.	١٠٠	٣٠٠	١٨٠
ع.ك.	٨٠٠	٤٠٠٠	٤٥٠٠
ك.ع.	١٠٠٠	٦٠٠٠	٥٤٠٠
ك.ك.	١٢٠٠	٨٠٠٠	٧٥٠٠
ك.ك.	١٥٠٠	١٢٠٠٠	٩٠٠٠
ك.ك.	١٥٠٠	١٢٠٠٠	٩٠٠٠

أ) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير)

$$100 \times \frac{16700}{93000} = 100 \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} = 179,57\%$$

ب) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة (رقم باش)

$$100 \times \frac{22500}{124000} = 100 \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} = 181,45\%$$

	١٠	٢٠	٣٠
٤.ع	٥	١٥	٢٠
١٤.ع	١٠	٢٥	٣٠
ك.ك.	٤٠٠	١٠٠٠	٥٠٠
ك.ك.	٤٠٠	١٠٠٠	٥٠٠
ع.ك.	٢٠٠٠	١٠٥٠٠	١٠٠٠٠
ك.ع.	٢٠٠٠	١٠٥٠٠	١٠٠٠٠
ك.ك.	٤٠٠٠	١٧٥٠٠	٣٦٥٠٠
ك.ك.	٤٠٠٠	١٧٥٠٠	٣٦٥٠٠

الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بمجموع كميى سنة الأساس والمقارنة

$$100 \times \frac{36500}{22500} = 100 \times \frac{\text{مجموع (ك.ك. + ك.ك.)}}{\text{مجموع (ك.ك. + ك.ك.)}} = 162,22\%$$

	١٠	٢٠	٣٠
٤.ع	١٠٠	١٥٠	٢٠٠
١٤.ع	١٢٠	٢٠٠	٢٢٠
ك.ك.	٢٠	١٠	٤٠
ك.ك.	٢٥	١٥	٥٠
ع.ك.	٢٠٠٠	١٥٠٠	٨٠٠٠
ك.ع.	٢٥٠٠	٢٢٥٠	١٠٠٠٠
ك.ك.	٢٤٠٠	٢٠٠٠	٨٨٠٠
ك.ك.	٣٠٠٠	٣٠٠٠	١١٠٠٠
ك.ك.	٣٠٠٠	٣٠٠٠	١١٠٠٠

الرقم القياسى الأمثل (لغيشر)

$$100 \times \frac{\frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}}}{\frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}}} = 100 \times \frac{17000 \times 13200}{14750 \times 11500} = 100 \times 1,15 = 115\%$$

### إجابة تمارين على الاحصاءات الحيوية

١) هي الاحصاءات التي تبحث في حياة الانسان منذ ولادته حتى وفاته و ما يطرأ عليها من تغيرات بالزيادة أو النقصان نتيجة المواليد والوفيات والهجرة .... وأيضا يدخل فيها الزواج والطلاق .....

#### ٢) أنواع تعداد السكان

- ١- التعداد الفعلى : حيث يتم عد السكان ونشر نتائجه حسب الأماكن التي وجد الناس فيها وقت التعداد بغض النظر عن محل إقامته الفعلى.
- ٢- التعداد الظرى : وفيه يتم سؤال الفرد عن محل إقامته الفعلى والمعتاد ، وتضاف بياناته إلى بيانات هذا المحل حتى ولو وجد وقت التعداد فى محل غيره

#### ٣) خصائص التعدادات

- ١- الدورية: حيث يتم التعداد من وقت إلى آخر على فترات دورية متساوية غالباً ما تكون كل خمس أو عشرة سنوات
- ٢- الأنية : أى يتم جمع البيانات من جميع السكان فى آن واحد
- ٣- الإقليمية : بمعنى ضرورة وجود حدود جغرافية ثابتة من تعداد لآخر
- ٤- الفردية :بمعنى جمع البيانات ونشرها عن كل فرد
- ٥- الشمولية: أى جمعالبيانات عن كل أفراد المجتمع دون حذف أو تكرار

#### ٤) أهداف تعداد السكان

- ١- التعرف على معدل نمو السكان
  - ٢- التعرف على الكثافة الجغرافية للسكان
  - ٣- التعرف على توزيع السكان حسب المهن والوظائف
  - ٤- التعرف على توزيع السكان حسب الحالة التعليمية
- التعرف على توزيع السكان حسب العمر

أ) الرقم القياسى التجميى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس ( رقم لاسبير )

$$= \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times 100 = 100 \times \frac{33000}{21600} = 152,78\%$$

ب) الرقم القياسى التجميى للأسعار المرجح بكميات سنة المقارنة ( رقم باش )

$$= \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times 100 = 100 \times \frac{42000}{33400} = 125,75\%$$

الرقم القياسى التجميى للأسعار المرجح بمجموع كميتى سنة الأساس والمقارنة

$$= \frac{\text{مجموع (ك.ك. + ك.ك.)}}{\text{مجموع (ك.ك. + ك.ك.)}} \times 100 = 100 \times \frac{85000}{55000} = 154,55\%$$

الرقم القياسى الأمتل ( لفيشر )

$$= 100 \times \sqrt{\frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}}} = 100 \times \sqrt{\frac{33000}{21600} \times \frac{42000}{33400}} = 100 \times \sqrt{1,386} = 118,6\%$$

	١٠٠	٦٠	٨٠	١٠٠
١٤	١٠٠	٥٠	٨٠	١٠٠
ك.ك.	١٢٠	١٠٠	٢٠٠	ك.ك.
١٨٠	٢٠٠	٣٠٠	١٨٠	ك.ك.
٢١٢٠٠	٩٦٠٠	٢٠٠٠	١٠٠٠٠	ع.ك.
٣٣٤٠٠	١٤٤٠٠	٤٠٠٠	١٥٠٠٠	ع.ك.
٣٣٠٠٠	١٢٠٠٠	٥٠٠٠	١٦٠٠٠	١٤ ك.ك.
٤٢٠٠٠	١٨٠٠٠	١٠٠٠٠	٢٤٠٠٠	١٤ ك.ك.
	٣٠٠	٣٠٠	٥٠٠	ك.ك. + ك.ك.
٥٥٠٠٠	٢٤٠٠٠	٦٠٠٠٠	٢٥٠٠٠	ع.ك. (ك.ك. + ك.ك.)
٨٥٠٠٠	٣٠٠٠٠	١٥٠٠٠٠	٤٠٠٠٠	ع.ك. (ك.ك. + ك.ك.)

(٥) الزيادة في عدد السكان خلال ٥ سنوات

$$= 145000 - 120000 = 25000 \text{ نسمة}$$

الزيادة في عدد السكان خلال سنة واحدة

$$= 25000 \div 5 = 5000 \text{ نسمة}$$

الزيادة في عدد السكان خلال ٣ سنوات

$$= 5 \times 5000 = 25000 \text{ نسمة}$$

العدد التقديري للسكان في عام ١٩٩٣

عدد السكان في عام ١٩٩٠ + الزيادة في عدد السكان خلال ٣ سنوات

$$= 145000 + 25000 = 170000 \text{ نسمة}$$

العدد التقديري للسكان في عام ١٩٨٠

عدد السكان في عام ١٩٩٠ + الزيادة في عدد السكان خلال ٣ سنوات

$$= 120000 - 25000 = 95000 \text{ نسمة}$$

(٦) الزيادة في عدد السكان خلال ١٠ سنوات

$$= 20865000 - 12615000 = 8250000 \text{ نسمة}$$

الزيادة في عدد السكان خلال سنة واحدة

$$= 8250000 \div 10 = 825000 \text{ نسمة}$$

الزيادة في عدد السكان خلال ٥ سنوات

$$= 5 \times 825000 = 4125000 \text{ نسمة}$$

العدد التقديري للسكان في عام ١٩٩٣

عدد السكان في عام ١٩٨٥ + الزيادة في عدد السكان خلال ٥ سنوات

$$= 12615000 + 4125000 = 16740000 \text{ نسمة}$$

(٧) معدل المواليد الخام

$$= \frac{\text{عدد المواليد الكلي خلال سنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

معدل الوفيات في سنة ما

$$= \frac{\text{عدد الوفيات الخام خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

معدل الزواج

$$= \frac{\text{عدد الزيجات التي تمت خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

معدل الخصوبة

$$= \frac{\text{عدد المواليد خلال السنة}}{\text{عدد النساء اللاتي في سن الحمل}} \times 1000$$

معدل الطلاق

$$= \frac{\text{عدد حالات الطلاق خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

معدل الطلاق الحقيقي

$$= \frac{\text{عدد حالات الطلاق خلال السنة}}{\text{عدد المتزوجات أصلاً في منتصف السنة}} \times 1000$$

درجة الإشباع الحجرات ( كثافة السكن )

$$= \frac{\text{عدد أفراد الأسرة}}{\text{عدد حجرات مساكنهم}}$$

(٨) معدل المواليد الخام

$$= \frac{\text{عدد المواليد خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{1352800}{3242000} = 417$$

معدل المواليد الأحياء

$$= \frac{\text{عدد المواليد أحياء خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{49300 - 1352800}{3242000} = 0.402$$

١-٩ - معدل الوفيات الخام

$$= \frac{\text{عدد الوفيات الخام خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{42000}{14685000} = 0.286$$

٣- معدل وفيات الرضع

$$= \frac{\text{عدد وفيات الأطفال الرضع خلال العام}}{\text{عدد الأطفال الرضع في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{6000}{200000} = 0.30$$

٤- معدل الزيادة الطبيعية للسكان

$$= \frac{\text{عدد المواليد خلال السنة} - \text{عدد الوفيات خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{42000 - 840000}{14685000}$$

$$= 1000 \times \frac{798000}{14685000} = 0.22$$

٥- معدل الزواج الخام

$$= \frac{\text{عدد الزيجات التي تمت خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000$$

$$= 1000 \times \frac{322000}{14685000} = 0.543$$



$$45,25 = 0,25 - 45 =$$

$$\sqrt{= \frac{\text{مجح ك}^2}{\text{مجك}} - \left( \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} \right)^2}$$

$$\sqrt{= \frac{14700}{120} - \left( \frac{30}{120} \right)^2}$$

$$\sqrt{= \frac{122,5}{11,07} - 0,0625} = 122,4375$$

المنوال: ك = ١ك = ٢ك

المنوال = مركز الفئة المنوالية = ٤٥  
( ت ١ ) =

$$\frac{0,25}{11,07} = \frac{45 - 45,25}{11,07} = \frac{\text{المنوال}}{\text{ع}} = 0,0226$$

الالتواء موجب ( الالتواء جهة اليمين )

س	٢س	٣س	٤س
٤	١٦	٦٤	٢٥٦
٦	٣٦	٢١٦	١٢٩٦
٨	٦٤	٥١٢	٤٠٩٦
٢	٤	٨	١٦
١٠	١٠٠	١٠٠٠	١٠٠٠٠
٣٠	٢٢٠	١٨٠٠	١٥٦٦٤

$$\sqrt{= \frac{\text{مجس}^2}{\text{ن}} - \left( \frac{\text{مجس}}{\text{ن}} \right)^2}$$

$$\sqrt{= \frac{30}{5} - \left( \frac{30}{5} \right)^2}$$

$$= 36 - 44 =$$

## إجابات نماذج اختبارات على الفصل

### الدراسى الثانى

### إجابات الاختبار الأول

١- أ) أصغر

• المنوال - الوسيط - الوسط الحسابى

• يساوى - يساوى

• ١٠٠%

• نسبة عدد السكان إلى المساحة الكلية

ب- \* معدل الزيادة الطبيعية للسكان

$$= 1000 \times \frac{\text{عدد المواليد خلال السنة} - \text{عدد الوفيات خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}}$$

• معامل التواء بولى ( ت ٣ )

$$= \frac{(r_2 - r_3) - (r_1 - r_2)}{r_1 - r_3}$$

• معامل إلتواء بيرسون ( ت ١ ) =  $\frac{\text{س} - \text{المنوال}}{\text{ع}}$

٢- و = ٤٥

ف	ك	س	ح	ح ك	مجك
-٢٠	١٢	٢٥	٢٠	٢٤٠	٤٨٠٠
-٣٠	١٨	٣٥	١٠	١٨٠	١٨٠٠
-٤٠	٦٠	٤٥	صفر	صفر	صفر
-٥٠	١٨	٥٥	١٠	١٨٠	١٨٠٠
-٦٠	٩	٦٥	٢٠	١٨٠	٣٦٠٠
-٧٠	٣	٧٥	٣٠	٩٠	٢٧٠٠
مج	١٢٠			٣٠	١٤٧٠٠

$$\frac{30}{120} + 45 = \frac{\text{مجح ك}}{\text{مجك}} + \text{و} =$$

٦- معدل الطلب على الزواج

$$= \frac{\text{عدد الزيجات التي تمت خلال السنة}}{\text{عدد السكان القابلين للزواج خلال السنة}} \times 1000 = 1000 \times \frac{326000}{8430000} = 38,67\%$$

٧- معدل الطلاق الخام

$$= \frac{\text{عدد حالات الطلاق خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times 1000 = 1000 \times \frac{24500}{14685000} = 16,68\%$$

٨- معدل الطلاق الحقيقي

$$= \frac{\text{عدد حالات الطلاق خلال السنة}}{\text{عدد المتزوجات أصلاً في منتصف السنة}} \times 1000 = 1000 \times \frac{24500}{934000} = 26,23\%$$

## إجابات الاختبار الثانى

- (١-١) < صفر ، > صفر  
 (٢-١) عدد السكان ، عدد الزيجات  
 (٣-١) ملتوى يمينا ، ملتوى يساراً  
 (٤-١) ملتوى ، لا يمكن حساب معامل الالتواء  
 (٥-١) > ، =  
 (٦-١) < صفر ، > صفر

٢-ف	ك	س	ح	ح ك	ح ٢ ك	ح ٣ ك	ح ٤ ك
-٤٠	١٠	٤٥	٢٠	٢٠٠	٤٠٠	٨٠٠٠	١٦٠٠٠٠
-٥٠	١٥	٥٥	١٠	١٥٠	١٥٠٠	١٥٠٠٠	١٥٠٠٠٠
-٦٠	٥٠	٦٥	٠	٠	٠	٠	٠
-٧٠	١٤	٧٥	١٠	١٤٠	١٤٠٠	١٤٠٠٠	١٤٠٠٠٠
-٨٠	١١	٨٥	٢٠	٢٢٠	٤٤٠٠	٨٨٠٠٠	١٧٦٠٠٠٠
مج	١٠٠			٣٦٠	١١٣٠٠	١٠٢٠٠٠	٣٦٥٠٠٠٠
				١٠		٧٠٠٠	

$$٢٤ = \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} - \left( \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ح ك}} \right)^٢$$

$$= \frac{١١٣٠٠}{١٠٠} - \left( \frac{١٠}{١٠٠} \right)^٢$$

$$= ١١٣ - ٠,٠١ = ١١٢,٩٩$$

$$٢(٢٤) = ١١٢,٩٩ = ١٢٧٦٦,٧٤$$

$$٤م = \left[ \frac{\text{مج ح ٤ ك}}{\text{مج ح ك}} \times ٤ \right] - \left[ \frac{\text{مج ح ٣ ك}}{\text{مج ح ك}} \times ٣ \right]$$

$$+ \left[ \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} \times ٢ \right]$$

$$= \left[ \frac{\text{مج ح ٤ ك}}{\text{مج ح ك}} \times ٣ \right]$$

٥- الزيادة فى عدد السكان خلال ١٠ سنوات

$$= ٥٠٠٠٠٠ - ٣٠٠٠٠٠٠ = ٢٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

الزيادة فى عدد السكان خلال سنة واحدة

$$= ١٠ \div ٢٠٠٠٠٠٠ = ٢٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

الزيادة فى عدد السكان خلال ٦ سنوات

$$= ٦ \times ٢٠٠٠٠٠٠ = ١٢٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

(ا) العدد التقديرى للسكان فى عام ٢٠١١

عدد السكان فى عام ٢٠٠٥ + الزيادة فى عدد السكان خلال ٦ سنوات

$$= ٥٠٠٠٠٠٠ + ١٢٠٠٠٠٠٠ = ١٧٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

الزيادة فى عدد السكان خلال سنتين

$$= ٢٦ \times ٢٠٠٠٠٠٠ = ٥٢٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

(ب) العدد التقديرى للسكان فى عام ٢٠١٣

عدد السكان فى عام ٢٠١١ + الزيادة فى عدد السكان خلال سنتين

$$= ١٧٠٠٠٠٠٠ + ٥٢٠٠٠٠٠٠ = ٢٢٢٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

الزيادة فى عدد السكان خلال ٥ سنوات

$$= ٥ \times ١٠٠٠٠٠٠٠ = ٥٠٠٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

(ج) العدد التقديرى للسكان فى عام ١٩٩٠

عدد السكان فى عام ١٩٩٥ - الزيادة فى عدد السكان خلال ٥ سنوات

$$= ١٠٠٠٠٠٠٠ + ٣٥٠٠٠٠٠٠٠ = ٤٥٠٠٠٠٠٠٠ \text{ نسمة}$$

$$٢(٢٤) = ٢(٨) = ٦٤$$

$$٤م = \left[ \frac{\text{مج ح ٤ ك}}{\text{مج ح ك}} \right] - \left[ \frac{\text{مج ح ٣ ك}}{\text{مج ح ك}} \times \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} \right]$$

$$+ \left[ \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} \times \left( \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} \right) \right]$$

$$- \left[ \left( \frac{\text{مج ح ٢ ك}}{\text{مج ح ك}} \right)^٣ \right]$$

$$٤م = \left[ \frac{١٥٦٦٤}{٥} \right] - \left[ \frac{١٨٠٠}{٥} \times \frac{٣٠}{٥} \right]$$

$$+ \left[ \frac{٢٢٠}{٥} \times \left( \frac{٣٠}{٥} \right) \right] - \left[ \left( \frac{٣٠}{٥} \right)^٣ \right]$$

$$٤م = ٣١٣٢,٨ - (٦ \times ٣٦٠ \times ٤) - (٦ \times ٣٦٠ \times ٤) +$$

$$(١٢٩٦ \times ٣) - (٣٦ \times ٤٤ \times ٦) +$$

$$٣٨٨٨ - ٩٥٠,٤ + ٨٦٤٠ - ٣١٢١,٨ =$$

$$١٠٨,٨ =$$

$$\text{معامل العزمى للتفرطح} = \frac{٤م}{٢(٢٤)} = \frac{١٠٨,٨}{٦٤}$$

$$= ١,٧$$

٤- السلعة	ع	ع	ع	ع	ع ك
أ	٢٠	٢٠	٢٠	٢٠	٤٠٠٠
ب	٤٠	٤٠	٥٠	٥٠	٥٠٠٠
ج	١٥	٢٠	٤٠	٤٠	٨٠٠٠
مج					١٧٠٠٠

(ب) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس (رقم لاسبير)

$$= \frac{\text{مج ع ك} \cdot \text{ك}}{\text{مج ع ك} \cdot \text{ك}} = ١٠٠ \times \frac{١٧٠٠٠}{١٤٠٠٠}$$

$$= ١٢١,٤٣ \%$$

	١	٢	٣	
	٢٥	٤٠	١٠	١٤
	٣٠	٢٠	١٥	
ك.ك.ك	١٨٠	٣٢٠	٨٠٠	
ع.ك.ك.ك	٤٥٠٠	١٢٨٠٠	٨٠٠٠	٢٥٣٠٠
ع.ك.ك.ك	٥٤٠٠	١٩٢٠٠	١٢٠٠٠	٣٦٦٠٠

-٤

الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح

بمجموع كميتى سنة الأساس والمقارنة

$$100 \times \frac{\text{مجموع (ك.ك. + ك.)}}{\text{مجموع (ك.ك. + ك.)}} =$$

$$100 \times \frac{36600}{25300} = 144,66\%$$

١-٥) معدل المواليد الأحياء

$$1000 \times \frac{\text{عدد المواليد أحياء خلال السنة}}{\text{عدد السكان فى منتصف السنة}} =$$

$$1000 \times \frac{40000}{50000} = 80\%$$

$$ر = 1 + \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} \times ل$$

$$15 \times \frac{12 - 25}{12 - 32} + 20 =$$

$$9,75 + 20 = 15 \times \frac{13}{20} + 20 = 29,75 =$$

$$50 = \frac{100}{2} = \frac{\text{مجمك}}{2} = \text{ترتيب (٢)}$$

فئة الربيع الثانى (٤٠ - ٣٥)

$$5 = ل \quad 35 = أ$$

$$57 = ٢ ك \quad 32 = ١ ك$$

$$ر = 2 + \frac{\text{ت - ك}}{\text{ك - ٢ ك}} \times ل$$

$$5 \times \frac{32 - 57}{32 - 57} + 35 =$$

$$3,6 + 35 = 5 \times \frac{18}{25} + 35 = 38,6 =$$

$$\text{ترتيب (٣)} = 3 \times \frac{\text{مجمك}}{4} = 3 \times \frac{400}{4} = 300$$

فئة الربيع الأول (٥٥ - ٥٠)

$$50 = أ = ٣ ر$$

معامل التواء بولى (٣ ت)

$$\frac{(١ - ٢) - (٢ - ٣)}{١ - ٣} =$$

$$\frac{(29,75 - 38,6) - (38,6 - 50)}{29,75 - 50} =$$

$$\frac{(8,85) - (11,4)}{20,25} =$$

$$م = 4 = \left[ \frac{3650000}{100} \right] - \left[ \frac{7000}{100} \times 4 \right] =$$

$$+ [6 \times \frac{11300}{100} \times \left( \frac{10}{100} \right)] - [2 \times \left( \frac{10}{100} \right) \times \frac{11300}{100}] =$$

$$م = 4 = 365000 - (6,78) + (28) - (3,00003) = 36478,78 =$$

$$\text{معامل العزمى للتفرطح} = \frac{م}{2(2ع)} = \frac{36478,78}{2(2 \times 12766,74)} = 2,86 =$$

٣- جدول التوزيع التكرارى

متجمع صاعد	
ك متجمع صاعد	الحدود العليا للفئات
٠	أقل من الحد الأدنى
١٢	أقل من ٢٠
٣٢	أقل من ٣٥
٥٧	أقل من ٤٠
٧٥	أقل من ٥٠
٨٥	أقل من ٥٥
٩٤	أقل من ٦٠
١٠٠	أقل من الحد الأعلى

ترتيب ١

ترتيب ٢

ترتيب ٣

$$\text{ترتيب (١)} = \frac{100}{4} = \frac{\text{مجمك}}{4} = 25 =$$

فئة الوسيط (٣٥ - ٢٠)

$$15 = ل \quad 20 = أ$$

$$32 = ٢ ك \quad 12 = ١ ك$$

٢- ف	ك	س	ح	ح ك	٢ ح ك	٣ ك	٤ ك
-٢٠	٤	٢٥	٢٠	٨٠	١٦٠	٣٢٠	٦٤٠
-٣٠	٦	٣٥	١٠	٦٠	١٢٠	٢٤٠	٤٨٠
-٤٠	٣	٤٥	٠	٠	٠	٠	٠
-٥٠	٦	٥٥	١٠	٦٠	١٢٠	٢٤٠	٤٨٠
-٦٠	٤	٦٥	٢٠	٨٠	١٦٠	٣٢٠	٦٤٠
مج	٢٣			١٤٠	٤٤٠	٣٨٠	٢٤٨٠
				١٤٠	٤٤٠	٣٨٠	٢٤٨٠
				صفر	صفر	صفر	صفر

$$٢٤ = \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} - \left( \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right)^2$$

$$\frac{٤٤٠}{٢٣} - \left( \frac{\text{صفر}}{١٠٠} \right)^2 =$$

$$١٩١,٣٠ = ٠,٠١ - ١١٣ =$$

$$٣٦٥٩٧,٣٥ = ٢(١٩١,٣٠) = ٢(٢٤)$$

$$٤م = \left[ \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right] - \left[ \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \times \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \times ٤ \right]$$

$$+ \left[ \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \times \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right] \times ٦$$

$$- \left[ \left( \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right) \times ٣ \right]$$

$$٤م = \left[ \frac{٢٤٨٠٠٠}{٢٣} \right] - \left[ \frac{\text{صفر}}{٢٣} \times \frac{\text{صفر}}{٢٣} \times ٤ \right]$$

$$+ \left[ \left( \frac{\text{صفر}}{٢٣} \right) \times \frac{٤٤٠}{٢٣} \times ٦ \right] - \left[ \left( \frac{\text{صفر}}{٢٣} \right) \times ٣ \right]$$

$$٤م = ١٠٧٨٢,٦١$$

### إجابات الاختبار الثالث

١- و = ٥٥

ف	ك	س	ح	ح ك	٢ ح ك
-٢٠	٨	٢٥	٣٠	٢٤٠	٧٢٠
-٣٠	١٢	٣٥	٢٠	٢٤٠	٤٨٠
-٤٠	٢٠	٤٥	١٠	٢٠٠	٢٠٠
-٥٠	٢٥	٥٥	٠	٠	٠
-٦٠	٩	٦٥	١٠	٩٠	٩٠٠
-٧٠	٦	٧٥	٢٠	١٢٠	٢٤٠٠
مج	٨٠			٤٧٠	١٧٣٠٠

$$\text{س} = \text{و} + \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} + ٥٥ = \frac{٤٧٠}{٨٠} + ٥٥ =$$

$$٤٩,١٢٥ = ٥٠,٨٧٥ - ٥٥ =$$

$$٤ = \sqrt{\frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} - \left( \frac{\text{مج ح ك}}{\text{مج ك}} \right)^2}$$

$$= \sqrt{\frac{١٧٣٠٠}{٨٠} - \left( \frac{٤٧٠}{٨٠} \right)^2}$$

$$= \sqrt{٢١٦,٢٥ - ٣٤,٥١٦} = \sqrt{١٨١,٧٣٤} = ١٣,٤٨$$

∴ (٢ ت)

$$= \frac{٣(\text{س} - \text{الوسيط})}{١٣,٤٨} = \frac{٣(٥٠ - ٤٩,١٢٥)}{١٣,٤٨}$$

$$= \frac{٠,٦٧٥ \times ٣}{١٣,٤٨} = ٠,١٤$$

الالتواء سالب (الالتواء جهة اليسار)

(٢) معدل الزواج الخام =  $\frac{\text{عدد الزيجات التي تمت خلال السنة}}{\text{عدد السكان في منتصف السنة}} \times ١٠٠٠$

$$= \frac{٨٠٠٠}{٥٠٠٠٠٠} \times ١٠٠٠ = ١,٦$$

(٣) الزيادة في عدد السكان خلال ٦,٥ سنوات

$$= ١٩٥٠٠٠ \times ٦,٥ = ١٢٦٧٥٠٠$$

(ج) العدد التقديرى للسكان في عام ٢٠١٤/١٢/١٣

$$= ٢٠٠٨/٦/٣٠ + ١٢٦٧٥٠٠ = ١٢٦٩٥٠٠$$

$$= ١٩٥٠٠٠ + ٥٠٠٠٠٠ = ٦٩٥٠٠٠ \text{ نسمة}$$

محمد

الله

٥- الزيادة فى عدد السكان خلال ١٠ سنوات  
 $2360000 = 2000000 - 360000$  نسمة  
 الزيادة فى عدد السكان خلال سنة واحدة  
 $360000 = 10 \div 360000 =$  نسمة  
 الزيادة فى عدد السكان خلال ٣,٢٥ سنة  
 $117000 = 3,25 \times 36000 =$  نسمة  
 (ا) العدد التقديرى للسكان فى ٢٠٠٨/٩/٣٠  
 عدد السكان فى ٢٠٠٥/٦/٣٠ + الزيادة فى عدد السكان خلال ٣,٢٥ سنوات  
 $2477000 = 117000 + 2360000 =$  نسمة  
 الزيادة فى عدد السكان خلال ٥,٥ سنة  
 $198000 = 5 \times 36000 =$  نسمة  
 (ب) العدد التقديرى للسكان فى ٢٠١٠/١٢/٣١  
 عدد السكان فى ٢٠٠٥/٦/٣٠ + الزيادة فى عدد السكان خلال ٥,٥ سنة  
 $2558000 = 198000 + 2360000 =$  نسمة

$$\frac{10782,61}{36097,35} = \frac{4م}{2(24)} = 0,29 =$$

$$2 = \sqrt{4} = \sqrt{24} = 3 - 1 = 2 = (1) (ت 1)$$

$$\frac{21-20}{2} = \frac{1-}{2} = 0,5 =$$

معامل العزمى للتفرطح

$$2 = \frac{32}{16} = \frac{4م}{2(24)} =$$

(ب) الرقم القياسى الأمثل ( لفيشر )

$$100 \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} =$$

معدل الخصوبة

$$1000 \times \frac{\text{عدد المواليد خلال السنة}}{\text{عدد النساء اللاتى فى سن الحمل}} =$$

٤- السلعة	ع	١ع	ك	١ك	١ع ك
أ	٤٠	٥٠	٢٠٠	٨٠٠٠	١٠٠٠٠
ب	٢٠	٣٠	٤٠٠	٨٠٠٠	١٢٠٠٠
ج	٥٠	٦٠	٣٠٠	١٥٠٠٠	١٨٠٠٠
مجم				٣١٠٠٠	٤٠٠٠٠

(ب) الرقم القياسى التجميعى للأسعار المرجح بكميات سنة الأساس ( رقم لاسبير )

$$100 \times \frac{40000}{31000} = 100 \times \frac{\text{مجموع ك.ك.}}{\text{مجموع ك.ك.}} = 129,03 \%$$